

التركيز

التقييم الرأسي

قبل البدء في درس ٤-١ حل أنظمة المعادلات الخطية في متغيرين.

درس ٤-٤ حل أنظمة المعادلات الخطية في ثلاثة متغيرات. حل مسائل الحياة اليومية باستخدام أنظمة المعادلات الخطية في ثلاثة متغيرات.

عند الانتهاء من درس ٤-٤ استخدم المصفوفات لحل أنظمة المعادلات.

٢ التدريس

الأسئلة الداعمة:

اطلب من الطالب أن يقرأوا قسم **لماذا؟** من الدرس.

أسأل:

- كم عدد المقاعد بالمسرح المدرج؟ **19,200**
- ما ثمن المقاعد بالقسم A؟ **30 دولاراً أمريكيّاً**
- بالقسم B؟ **25 دولاراً أمريكيّاً**
- افترض أن المسرح المدرج بيع تذاكر 3100 مقعداً بالقسم A، و 5050 مقعداً بالقسم B، و 7200 مقعداً بالحديقة. ما هو إجمالي المبلغ الذي تم تحصيله؟ **363,250 دولاراً أمريكيّاً**



نظمه المعادلات في ثلاثة متغيرات

٤-١

لماذا؟

الآن

السابق

- لقد قمت بحل المعادلات الخطية في ثلاثة متغيرين.
- حل نظم المعادلات الخطية في ثلاثة متغيرات.

٢
حل مسائل الحياة اليومية
باستخدام نظم المعادلات الخطية في ثلاثة متغيرات.

- تكلفة المقاعد الأقرب للمسرح المدرج \$30. تكلفة المقاعد في القسم الثاني 25 دولاراً، وتكلفة مقاعد الشيب \$20. يوجد صندوق مقاعد A في القسم B. عند بيع 19,200 مقعداً، يحصل المدرج على \$456,000.
- يمكن استخدام نظم المعادلات في ثلاثة متغيرات لتحديد عدد المقاعد في كل قسم.

النظم في ثلاثة متغيرات مثل نظم المعادلات في المتغيرين، يمكن للنظم في ثلاثة متغيرات أن يكون لها حل واحد أو حلول لا حصر لها أو بدون حل. الحل في هذا النظام هو **ثلاثي مرتب** (x, y, z) .

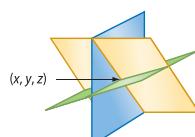
التمثيل البياني في المتغيرات الثلاثية هو تمثيل بياني ثلاثي الأبعاد على شكل مخطط. التمثيل البياني لنظام المعادلات في ثلاثة متغيرات تشكل نظاماً من المخطوطات.

مفردات جديدة
ثلاثي مرتب
ordered triple

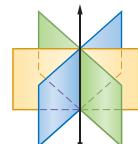
التطبيقات الرياضية
طريق البراهين الممكنة و إنعدام الآخرين

حل واحد

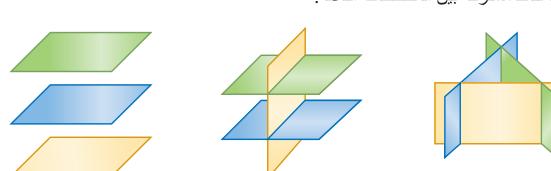
تقاطع المخطوطات الفردية الثلاثة في نقطة محددة.



عدد لا نهائي من الحلول
تقاطع المخطوطات في خط.
كل إحداثي على الخط تمثل
حل لنظام.



لا يوجد حل لا يوجد نقاط مشتركة بين المخطوطات الثلاثة.



الأنظمة في ثلاثة متغيرات

المثالان 1 و 2 يوضحان كيفية حل أنظمة
المعادلات في ثلاثة متغيرات.

التقييم المستمر

استخدم تدريبات التمارين الموجهة بعد كل مثال
لتتحقق مدى استيعاب الطلاب للمفاهيم.

مثال إضافي

1 حل نظام المعادلات.
$$\begin{aligned} 5x + 3y + 2z &= 2 \\ 2x + y - z &= 5 \\ x + 4y + 2z &= 16 \end{aligned}$$
$$(-2, 6, -3)$$

انتبه للآتي!

تجنب الأخطاء عند حل أنظمة
المعادلات في ثلاثة متغيرات، اقترح
على الطلاب أن يأخذوا بعض دقائق
لتفحص المعادلات وإعداد المسطح لحل
النظام قبل الشروع في العملية الحسابية.
كذلك، ذكر الطلاب أن الثلاث قيم
الواردة بالإجابة تمثل نقطة في الصباء،
وهي موجودة بالثلاثة مستويات.

نصائح للمعلمين الجدد

الاستبعاد: أسأل الطلاب ماذا يحدث للتتمثيل
البصري لأي معادلة في حال ضربها مع
ثابت. لا يتغير التمثيل البصري لأن المعادلة
الجديدة تساوي المعادلة الأصلية.

حل نظم المعادلات في المتغيرات الثلاث يشبه حل نظم المعادلات في المتغيرين. استخدم استراتيجيات الإبدال والحدف لإيجاد
ثلاثي مرتب يمثل حلًا للنظام.

مثال 1 نظام بحل واحد

حل نظام المعادلات.

معامل 1 في المعادلة الثانية يجعل
y اختيار جيد للخذف.

$$\begin{aligned} 3x - 2y + 4z &= 35 \\ 4x + y - 5z &= -36 \\ 5x - 3y + 3z &= 31 \end{aligned}$$

الخطوة 1

احذف أحد المتغيرات باستخدام زوج من المعادلات.

$$\begin{array}{rcl} \text{المعادلة 1} & 3x - 2y + 4z = 35 \\ \text{المعادلة 2} \times 2 & (+) -8x + 2y - 10z = -72 \\ \hline & -5x - 6z = -37 \end{array}$$

الضرب في .2

$$\begin{aligned} 3x - 2y + 4z &= 35 \\ -4x + y - 5z &= -36 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{rcl} \text{المعادلة 3} & -12x + 3y - 15z = -108 \\ \text{المعادلة 3} \times 3 & (+) 5x - 3y + 3z = 31 \\ \hline & -17x - 12z = -77 \end{array}$$

الضرب في .3

$$\begin{aligned} -4x + y - 5z &= -36 \\ 5x - 3y + 3z &= 31 \end{aligned}$$

لا يتم حذف جميع المصطلحات في كل معادلة. لدينا حالياً نظام لمعادلين ومتغيرين، x و z.

الخطوة 2

حل نظام المعادلين.

$$\begin{array}{rcl} 10x + 12z &= 74 \\ (+) -7x - 12z &= -77 \\ \hline 3x &= -3 \\ x &= -1 \end{array}$$

الضرب في -.2

$$\begin{aligned} -5x - 6z &= -37 \\ -7x - 12z &= -77 \end{aligned}$$

استخدم التعويض لحل z.

معادلة في متغيرين
التعويض
ضرب.
أطرح 5 من كل طرف.
اقسم كل طرف على -.6.

$$\begin{aligned} -5x - 6z &= -37 \\ -5(-1) - 6z &= -37 \\ 5 - 6z &= -37 \\ -6z &= -42 \\ z &= 7 \end{aligned}$$

النتيجة: z = 7 و x = -1

الخطوة 3

عوض القيمتين بوحدة من المعادلات الأساسية لإيجاد y.

$$\begin{array}{rcl} \text{المعادلة 2} & -4x + y - 5z = -36 \\ \text{المعادلة 3} & -4(-1) + y - 5(7) = -36 \\ \text{اضرب.} & 4 + y - 35 = -36 \\ \text{اضف 31 لكل طرف.} & y = -5 \end{array}$$

تأكد

$$\begin{array}{rcl} \text{المعادلة 2} & -4x + y - 5z = -36 \\ z = 7, y = -5, x = -1 & -4(-1) + (-5) - 5(7) \stackrel{?}{=} -36 \\ \text{خوب لابسط صورة.} & 4 + (-5) - 35 \stackrel{?}{=} -36 \\ \checkmark -36 = -36 & \end{array}$$

الحل هو (7, -5, -1).

تدريبات موجهة

IA. $2x + 4y - 5z = 18$
 $-3x + 5y + 2z = -27$
 $-5x + 3y - z = -17$ (3, -2, -4)

IB. $4x - 3y + 6z = 18$
 $-x + 5y + 4z = 48$
 $6x - 2y + 5z = 0$ (-6, 2, 8)

نصيحة للدراسة

التحقق من حلول بيته إنما تكون
إجاباتك في المعادلات الأصلية
للتاكيد على إجابتك.

60

نصائح للمعلمين الجدد

اختيار المتغيرات إن كانت إحدى المعادلات ينقصها
متغير ما، وضح للطلاب أنهم يستطيعوا أن يستخدموا
المعادلين الآخرين مع استبعاد نفس المتغير.

التعليم بالเทคโนโลยيا

تسجيل الفيديو: أسأل الطلاب أن يعملوا في مجموعات
ويقدموا فيلم فيديو يوضح كيفية حل نظام المعادلات في
ثلاثة متغيرات. تأكد أن الطلاب قاموا بتوضيح كيفية التأكد
من الحلول في النظام الأصلي للمعادلات. قم بمشاركة
الفيديو المقدم من كل مجموعة مع جميع الطلاب بالصف.

مثال إضافي

حل كل نظام من المعادلات فيما يلي.

2
2x + y - 3z = 5 .a
x + 2y - 4z = 7
6x + 3y - 9z = 15
يوجد عدد لا نهائي من الحلول.
3x - y - 2z = 4 .b
6x - 2y - 4z = 11
9x - 3y - 6z = 12
لا يوجد حل لهذا النظام.

انتبه للاتي!

تجنب الأخطاء لمساعدة الطالب على تخيّل نظام بلا حلول، اطلب منهم أن يخطوا رسمًا لثلاثة مستويات حيث تشكّل المعادلات الخاصة بها نظاماً بلا حلول.

انتبه للاتي!

تجنب الأخطاء: سوف يتصرّر بعض الطلاب أن أي ثلثي مرتب سيكون حلّ لنظام في ثلاثة متغيرات له عدد لا نهائي من الحلول (كما بالمثال 2). اسأل الطلاب أن ينافشوا لماذا تتضمّن المجموعة اللاينائية من التلبيسات المرتبة التي تحمل اسم النقط بخط (أو مستوى) التقاطع حلول نظام العدالت وحدها دون غيرها.

عند حل نظام في ثلاثة معادلات نصية بثلاث متغيرات ، من المهم التتحقق من إجابتكم باستخدام الثلاثة معادلات الأصلية . وهذا أمر ضروري لأنّه من الممكّن التوصل إلى حل لمعادلتين ولكن ليس للثالث.

مثال 2 لا يوجد حل أو الحلول الغير منتهية

حل كل نظام للمعادلة.

$$\begin{aligned} 5x + 4y - 5z &= -10 .a \\ 4x - 10y - 8z &= -16 \\ 6x + 15y + 12z &= 24 \end{aligned}$$

احذف x في المعادلتين الثانيةتين.

$$\begin{array}{l} -12x - 30y - 24z = -48 \\ (+) 12x + 30y + 24z = 48 \\ 0 = 0 \end{array}$$

الضرب في .3
الضرب في .2

المعادلة = 0 دامياً صحيحة. هذا يدل على ان المعادلتين تمثل نفس المخطط. تتحقّق لمعرفة ما إذا كان المخطط يتقاطع مع المخطط الاول.

$$\begin{array}{l} 20x + 16y - 20z = -40 \\ (+) -20x - 50y - 40z = -80 \\ -34y - 60z = -120 \end{array}$$

الضرب في .4
الضرب في .5

تقاطع المخططات في خط. لذلك هناك عدد لا نهائي من الحلول.

$$\begin{aligned} 6a + 9b - 12c &= 21 - \\ 2a + 3b - 4c &= 7 - \\ 10a - 15b + 20c &= -30 \end{aligned}$$

احذف a في أول معادلتين.

$$\begin{array}{l} -6a + 9b - 12c = 21 \\ (+) 6a - 9b + 12c = -21 \\ 0 = 0 \end{array}$$

الضرب في -.3

المعادلة = 0 دامياً صحيحة. هذا يدل على ان أول معادلتين تمثل نفس المخطط. تتحقّق لمعرفة إذا كان ذلك المخطط يتقاطع مع المخطط السابق.

$$\begin{array}{l} -10a + 15b - 20c = 35 \\ (+) 10a - 15b + 20c = -30 \\ 0 = 5 \end{array}$$

الضرب في .5

المعادلة = 5 غير صحيحة نهائياً لذلك، لا يوجد حل لهذا النظام.

تدريبات موجهة

2A. $-4x - 2y - z = 15$ لا يوجد حل
 $12x + 6y + 3z = 45$
 $2x + 5y + 7z = -29$

2B. $3x + 5y - 2z = 13$ حلول لا حصر لها
 $-5x - 2y - 4z = 20$
 $-14x - 17y + 2z = -19$

مسائل الحياة اليومية عند حل المسائل المتعلقة بالمتغيرات الثلاثة، استخدم نظاماً من أربع خطوات للمساعدة في تقطيل المعلومات. حدد المتغيرات الثلاثة وما تمثله. ثم استخدم المعلومات في المشكلة لتشكيل المعادلات باستخدام المتغيرات بمجرد الانتهاء من المعادلات الثلاثة و تمثيل الثلاثة متغيرات، يمكنك حل المشكلة.

نصيحة للدراسة
لا نهاية ولا حلول عند حل النظم لأكثر من معادلتين = 0 سوف تسفر دامياً إلى لا حلول، بينما = 0 يمكن الا تسفر دامياً عن الحلول النهائية

مثال 3 من الحياة اليومية اكتب و حل نظام المعادلات

حل موسي بالإضافة إلى بداية الدرس اكتب و حل نظام المعادلات للوصول إلى عدد المقاعد في كل قسم من المسرح المدرج.

فهم x = المقاعد في القسم A
 y = المقاعد في القسم B
 z = مقاعد الحشائش

خط هناك 19,200 مقعد.
 $x + y + z = 19,200$

المعادلة 1 العائد الإجمالي \$456,000
 $30x + 25y + 20z = 456,000$

المعادلة 2 هناك ضعف عدد مقاعد قسم A في القسم B.
 $y = 2x$

حل حل النظام.

الخطوة 1 عَرض $2x = y$ في أول معادلتين.

المعادلة 1 $x + y + z = 19,200$
 $x + 2x + z = 19,200$
 $3x + z = 19,200$

المعادلة 2 $30x + 25y + 20z = 456,000$
 $30x + 25(2x) + 20z = 456,000$
 $80x + 20z = 456,000$

خطوة 2 حل نظام المعادلتين في المتغيرين.

الخطوة 3 عَرض لإيجاد z .

المعادلة المتبقية في المتغيرين $3x + z = 19,200$
 $x = 3600$ $3(3600) + z = 19,200$
 $10,800 + z = 19,200$
 $z = 8400$

خطوة 4 استبدل لإيجاد y .
 $y = 2x$
 $x = 3600$ $y = 2(3600)$ or 7200

الحل (3600, 7200, 8400). هناك 3600 مقعد في القسم A، 7200 مقعد في القسم B و 4800 كرسي على الحشائش.

تحقق استبدل القيم إلى أيّاً من المعادلتين الأولتان.

تدريبات موجهة

3. استثمرت السيدة غارزا 50,000 دولار في ثلاثة حسابات مختلفة استثمرت ثلاثة مرات من المال في الحساب الذي يدفع 8% فائدة أكثر من الحساب الذي يدفع 10% فائدة الحساب الثالث يحصل على 2% فائدة. إذا ربحت في السنة إجمالي 5160 دولار كفائدة سنوية، فكم استثمرت في كل حساب؟

الحياة اليومية وظيفة

ادارة الموسيقى

تشمل إدارة الموسيقى العمل كمدير موهوب للفنانين، وتشمل المهام الأخرى التفاوض مع شركات انتاج الموسيقى، والمرجومن الموسيقيين وعروض الرحلات، غالباً ما يحصل المدراء على نسبة من أجر الفنان كما أن درجة البكالوريوس عادةً ما تكون مطلوبة.

2 مسائل من الحياة اليومية

مثال 3 يوضح كيفية حل مسألة من الحياة اليومية تتضمن ثلاثة متغيرات.

مثال إضافي

3 الرياضة يوجد 49,000 مقعد في ملعب رياضي ثمن التذكرة لكل مقعد بالمستوى العلوي يبلغ 25 دولاراً أمريكيّاً، والمستوى المتوسط يبلغ 30 دولاراً أمريكيّاً، والمستوى السفلي يبلغ 35 دولاراً أمريكيّاً. مجموع عدد المقاعد في كل من المستوى المتوسط والسفلي يساوي عدد المقاعد بالمستوى العلوي. عند بيع كل المقاعد لحدثٍ ما يكون العائد الكلي 1,419,500 دولاراً أمريكيّاً. ما عدد المقاعد بكل مستوى؟

الخطوة 1 مقدّع؛ المستوى السفلي: 14,400 مقدّع؛ المستوى المتوسط: 10,100 مقدّع

الخطوة 2 العلوي: 24,500 مقدّع

التركيز على المحتوى الرياضي

أنظمة في ثلاثة متغيرات لإعداد تمثيل بياني لثلاثة متغيرات، يستلزم الأمر إضافة بُعد ثالث لنظام الإحداثيات. الثلاثيات المرتبة مثل (x, y, z) تمثل نقطة في الفراغ تماماً مثل الأزواج المرتبة (y, x) التي تمثل نقطة في مستوى. التمثيل البياني لمعادلة ما مثل $Cx + By + Cz = D$ و D لا تساوي صفر، هو مستوى.

التدريس المتمايز

إن ... يعني بعض الطلاب عند حل مسائل الحياة اليومية باستخدام المعادلات في ثلاثة متغيرات.

إذا ... اجمع بين هؤلاء الطلاب مع طلاب آخرين يجيدون حلها. شجع الطلاب على شرح طريقة تطبيقهم لمسائل الحياة اليومية وخطتهم لحلها لزملائهم باستخدام أنظمة الثلاثة المعادلات في ثلاثة متغيرات. اقترح على الصديق المستمع أن يدون ملاحظاته بخصوص الخطط التي يطرحها صديقه المتحدث، وأن يطرح الأسئلة عند الحاجة لمزيد من الإيضاح.

تأكد من فهمك.

حل كل نظام معادلات. الأمثلة 1-2

3 التدريب

التقييم المستمر

استخدم التمارين 7-1 للتأكد من الاستيعاب
استخدم الجدول أسفل الصفحة لضبط الفرض
بما يتماشى مع مستوى الطلاب.

تدريس التطبيقات الرياضية

الفهم المنطقي يبدأ الطلاب المتميزون
بالرياضيات بشرح معنى المسألة لأنفسهم ثم
البحث عن المداخل لحل المسألة. يقوم
المتميزون بتحليل المعطيات، والعوائق،
والعلاقات، والأهداف، كما يكتبون الفرضيات
المتعلقة بشكل ومعنى الحل، وكذلك يخططون
الطريق للوصول إلى الحل بدلاً من التسرع في
القفز وراء الحل فقط.

نصائح للمعلمين الجدد

استخدام النماذج يصعب على بعض الطلاب
تخيل المواقف ثلاثة الأبعاد. شجعهم على
استخدام الورق والأقلام الرصاص والأدوات
الأخرى لمساعدتهم في إعداد نموذج للمواقف
التي تقابلهم في الدروس. إن كان لديك الفرصة
أو للطلاب في استخدام أي تطبيق حاسوبي
رسم النماذج ثلاثة الأبعاد، شجعهم على
استخدامه لتوضيح ماذا يحدث في هذه الأنظمة
باستخدام الأدوات البصرية.

مثال 3

I. $-3a - 4b + 2c = 28$ $a + 3b - 4c = -31$ 1. (-2, -3, 5) $2a + 3c = 11$	2. $3y - 5z = -23$ $4x + 2y + 3z = 7$ $-2x - y - z = -3$	3. $3x + 6y - 2z = -6$ $2x + y + 4z = 19$ $-5x - 2y + 8z = 62$
2. (4, -6, 1) 3. (-4, 3, 6)	4. $-4r - s + 3t = -9$ $3r + 2s - t = 3$ $r + 3s - 5t = 29$	5. $3x + 5y - z = 12$ $-2x - 3y + 5z = 14$ $4x + 7y + 3z = 38$
		6. $2a - 3b + 5c = 58$ $-5a + b - 4c = -51$ $-6a - 8b + c = 22$

7. **تحميل** خديجة حملت بعض برامج التلفزيون ستنشغل المساحة الهزلية ذاكرة 0.3 جيجابايت، ومسلسل 0.6 جيجابايت، وبرامح حوارية 0.6 جيجابايت. وقامت خديجة بتحميل 7 برامج تبلغ مساحتها 3.6 جيجابايت. وكانت حلقات المسلسلات ضعفين المساحات الهزلية.

- A. اكتب نظام معادلات لعدد حلقات كل نوع من العروض. حل كل نظام معادلات.
B. كم حلقة من كل عرض قامت بتحميلها؟ **مسرحيتان هزليتان**, 4 مسلسلات، برنامج حواري واحد
7a. $s + d + t = 7$, $d = 2s$, $0.3s + 0.6d + 0.6t = 3.6$

تمارين وحلول المسائل

حل كل نظام معادلات. الأمثلة 2-4

تمرين إضافي بصفحة ار.3

8. $-5x + y - 4z = 60$ $2x + 4y + 3z = -12$ $6x - 3y - 2z = -52$ (-8, 4, -4)	9. $4a + 5b - 6c = 2$ $-3a - 2b + 7c = -15$ $-a + 4b + 2c = -13$ (-3, -2, -4)	10. $-2x + 5y + 3z = -25$ $-4x - 3y - 8z = -39$ $6x + 8y - 5z = 14$
II. $4r + 6s - t = -18$ $3r + 2s - 4t = -24$ $-5r + 3s + 2t = 15$ (-2, -1, 4)	12. $-2x + 15y + z = 44$ $4x + 3y + 3z = 18$ $-3x + 6y - z = 8$ لابوجد حل	حلول لا نهاية $13. 4x + 2y + 6z = 13$ $-12x + 3y - 5z = 8$ $-4x + 7y + 7z = 34$
14. $8x + 3y + 6z = 43$ $-3x + 5y + 2z = 32$ $5x - 2y + 5z = 24$ (-1, 3, 7)	15. $-6x - 5y + 4z = 53$ $5x + 3y + 2z = -11$ $8x - 6y + 5z = 4$ (-4, -1, 6)	16. $-9a + 3b - 2c = 61$ $8a + 7b + 5c = -138$ $5a - 5b + 8c = -45$ (-8, -7, -5)
17. $2x - y + z = 1$ $x + 2y - 4z = 3$ $4x + 3y - 7z = -8$ لابوجد حل	18. $x + 2y = 12$ $3y - 4z = 25$ $x + 6y + z = 20$ (6, 3, -4)	19. $r - 3s + t = 4$ $3r - 6s + 9t = 5$ $4r - 9s + 10t = 9$ حلول لا نهاية

مثال 3

20. **كن منطقياً** أرسل لك صديق رسالة على البريد الإلكتروني بعد مقابلة حديثة للسباحة للمدرسة الثانوية. يذكر في البريد الإلكتروني أن 24 شخصاً كسبوا مراكز بجمالي 53 نقطة مجتمعة. المركز الأول حصل على 3 نقاط، والثاني نقطتين، والثالث نقطة واحدة. حصل كثير من الأشخاص على المركز الأول وكذلك المركز الثاني واجتمعوا مع الحاصلين على المركز الثالث.

7. **سباحين**

حصلوا على المركز الثالث، 5 حصلوا على المركز الثاني، 7 حصلوا على المركز الأول.

- a. اكتب ثلاث معادلات تمثل عدد الأشخاص الحاصلين على كل مركز.
 $x + y + z = 24$, $3x + 2y + z = 53$, $x = y + z$
- b. كم سباح حصل على المركز الأول، وكم عدد المركز الثاني وكم عدد الحاصلين على المركز الثالث؟
افترض أن البريد الإلكتروني ذكر أن الرياضيين حصلوا على مجموع 47 نقطة مجتمعة. اشرح لماذا تُعد هذه العبارة خطأة والحل غير منطقي.

مثال 3

c. العباره خطأة لأنك عندما تحلل المركز الثاني، تحصل على حل سليم ولا يمكن أن يوجد شخص سليم.

- c. **متزهات ترفيهية** يذهب أيمن إلى متزهات ترفيهي لركوب الزلاجات الدوارة، والسيارات المتصادمة، والزلاجات المائية. تبلغ مدة انتظار ركوب الزلاجات الدوارة 20 دقيقة، والزلاجات المائية 15 دقيقة فقط. ركب أيمن 10 مرات ثناء زيارته. لأن أكثر ما استمتع به هي الزلاجات الدوارة، وكان عدد المرات التي ركب فيها الزلاجات الدوارة مجموع المرات التي ركب فيها الزلاجات الآخرين. إذا انتظر أيمن في الصيف لمدة 6 ساعات و20 دقيقة، كم مرة يكون ركب فيها الزلاجات كل من؟ **الزلاجات الدوارة: 5 سيارات متصادمة; زلاجة مائية واحدة: 4**

B

الفرض المتمايز خيارات

المستوى	الفرض	الخيار اليومين
ق م أساسى	42-26, 24, 20-8	33-30 فردي، 19-9 زوجي، 24، 29-26 42-34
ضم الصميم	42-26, 24-21	33-30, 20-8
ف م متقدم	38-21	(اختياري: 39-42)

تدريس التطبيقات الرياضية

التفكير الطلب المتميزون بالرياضيات يتضمن فهم الكميّات وعلاقتها ببعضها في مسائل المواقف. يتضمن فهم الكم الاعتيادي على إعداد تمثيل محكم للمسألة المطروحة؛ النظر في الوحدات المتضمنة؛ الانتباه لمعنى الكميّات المذكورة، وليس فقط القدرة على الحساب؛ كما يمكنهم معرفة الخصائص المختلفة للعمليات الحسابية والأشياء، واستخدامها بمروره.



22. **العمل** عمار يحصل دائمًا على أحد خيارات الصيانة الروتينية من مراب محمود. إلا أنه اليوم يحتاج إلى تركيبة مختلفة من العمل عما تم ذكره هنا.

تغير الزيت: على هذه. أوجد أسعار تغيير الزيت، وتنظيف المبرد واستبدال دعاسة الفرامل.

استبدال دعاسة الفرامل: واستبدال دعاسة الفرامل.

المبرد: تنظيف إذا أراد حامد أن يستبدل الفرامل وتم تنظيف المبرد الخاص به، كم

المبلغ الذي يجب أن يخطط لإنفاقه؟

\$30 **10 دولار**

الفاندة المتوقعة	الحساب
%4	A
%8	B
%10	C

23. **معرفة مالية** استثمرت ضحي 100,000 دولار

في ثلاثة حسابات مختلفة. إذا استثمرت

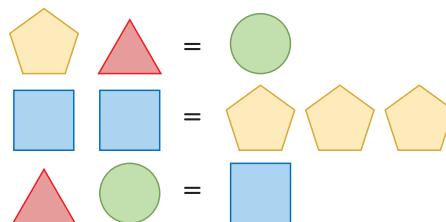
\$30,000 في حساب A أكثر من حساب C

ومن المتوقع أن تكسب 6300 دولار فاندة،

كم المبلغ الذي استثمرته في كل حساب؟

A: \$55,000; B: \$20,000; C: \$25,000

C



24. $t + c = s$

$2s = 3p \cdot r + t = c$

حيث تمثل t المثلث، و c

الدائرة، و p المربع، و r

الخمسين، 5 مثلثات حمراء.

24. **استدلال** كتب معادلة لتعبر عن الصور في ثلاثة الأشكال. استخدم المعادلة لإيجاد عدد من المثلثات الحمراء الذي تتوافق مع دائرة خضراء واحدة.

25. **تعد** إن الشكل العام للمعادلة هو قطع مكافئ $c = ax^2 + bx + c$ ، حيث أن (x, y) نقطة على القطع المكافئ. إذا كانت ثلاثة نقاط على القطع المكافئ $(-10, -10)$ ، $(2, -5)$ ، و $(6, -90)$ ، حدد قيم a ، b ، و c و اكتب الشكل العام للمعادلة.

$y = -3x^2 + 4x - 6$; $a = -3$, $b = 4$, $c = -6$

26. **اثبات** فكر في النظام التالي واثبت إذا كان

$rx + ty + vz = a$

$rx - ty + vz = b$

$rx + ty - vz = c$

27. **اجابة مفتوحة** اكتب نظام مكون من ثلاث معادلات خطية تكون نتائجها $(-2, -5, -6)$.
وضع أن الثلاثي المنظم يستوفي جميع المعادلات الثلاثة. انظر الهاشم.

28. **استدلال** استخدم مخطّطات حلول المعادلات بالصفحة 167 لتفكير في نظام معادلات مكون من ثلاثة متغيرات. صفحات كل نظام. انظر الهاشم.

29. **الكتاب في الرياضيات** استخدم معرفتك بحل نظام المعادلات الخطية الثلاثية بثلاثة متغيرات لنشرح كيفية حل نظام مكون من أربع معادلات بأربعة متغيرات. انظر الوحدة | الإجابة الملحق.

٤ التقييم

اذكر المصطلح الرياضي اسأل الطلاب أن يحددوا الأربع خطوات المستخدمة في حل المسائل التي تشمل ثلاثة متغيرات.

اجابات إضافية

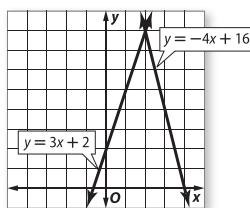
27. نموذج للإجابة

$$\begin{aligned}3x + 4y + z &= -17 \\2x - 5y - 3z &= -18 \\-x + 3y + 8z &= 47 \\3x + 4y + z &= -17 \\3(-5) + 4(-2) + 6 &= -17 \\-15 + (-8) + 6 &= -17 \\-17 &= -17 \checkmark \\2x - 5y - 3z &= -18 \\2(-5) - 5(-2) - 3(6) &= -18 \\-10 + 10 - 18 &= -18 \\-18 &= -18 \checkmark \\-x + 3y + 8z &= 47 \\-(5) + 3(-2) + 8(6) &= 47 \\5 - 6 + 48 &= 47 \\47 &= 47 \checkmark\end{aligned}$$

28. نموذج للإجابة: يقع حل المتباينة في ثلاثة متغيرات في منطقة الفراغ على أحد الجوانب أو غيرها من المستوى، مع تضمين المستوى إن كانت المتباينة كالتالي \leq أو \geq . يقع حل نظام المتباينات في ثلاثة متغيرات عند تقاطع مناطق الفراغ التي تمثل حلول المتباينات المفردة في النظام.

32. (8, 2); عينة للإجابة: يمكنك استبدال (8, 2) في كل من المعادلات والتأكد من صحتها.

23. توسيع: استخدم الرسم لإيجاد حل لنظام المعادلات، ثم صف طريقة للتحقق من صحة الحل. انظر المهام.



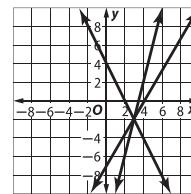
30. حل كل من أنظمة المعادلات المعروضة بالأأسفل.

$$\begin{cases}x - y + z = 0 \\-5x + 3y - 2z = -1 \\2x - y + 4z = 11\end{cases}$$

- (0, 3, 3) A
- (2, 5, 3) B
- لا يوجد حل C
- حلول كثيرة لا نهاية D

31. أي نظام من المعادلات يعرضه SAT/ACT الممثل البياني؟

$$\begin{aligned}y + 14 &= 4x \quad \text{A} \\y = 4 - 2x & \\-7 = y - \frac{5}{3}x &\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\text{B } y - 14 &= 4x \\y = 4 + 2x & \\-7 = y + \frac{5}{3}x & \\7 = y - \frac{5}{3}x &\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{C } y + 14x &= 4 \\-2y = 4 + y & \\-7 = y - \frac{5}{3}x & \\7 = y + \frac{5}{3}x &\end{aligned}$$

A

33. أي من الآتي يمثل الخطوات الصحيحة لحل كل معادلة: J

$$\begin{array}{ll}F \quad -3(x - 7) = -16 & H \quad 2(x - 4) = 20 \\-3x - 21 = -16 & 2x - 8 = 20 \\-3x = 5 & 2x = 12 \\x = \frac{5}{3} & x = 6 \\G \quad 7 - 4x = 3x + 27 & J \quad 6(2x + 1) = 30 \\7 - 7x = 27 & 12x + 6 = 30 \\-7x = \frac{20}{7} & 12x = 24 \\x = 20 & x = 2\end{array}$$

$$\begin{aligned}y + 14 &= 4x \quad \text{A} \\y = 4 - 2x & \\-7 = y - \frac{5}{3}x &\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{B } y - 14 &= 4x \\y = 4 + 2x & \\-7 = y + \frac{5}{3}x & \\7 = y - \frac{5}{3}x &\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{C } y + 14x &= 4 \\-2y = 4 + y & \\-7 = y - \frac{5}{3}x & \\7 = y + \frac{5}{3}x &\end{aligned}$$

E

منطقة مناسبة لديها رؤوس (2, -3), (1, 1), (0, 2), و (-2, -2). أوجد القيمة العظمى والقيمة الصغرى لكل دالة. (درس 3-3)

34. $f(x, y) = 2x - y$ II; -8 35. $f(x, y) = x + 5y$ I6; -8 36. $f(x, y) = y - 4x$ I4; -23 37. $f(x, y) = -x + 3y$ 9; -8

38. سكاي كلوب تبلغ موازنة سكاي كلوب في العام 4250 دولار. فهم يقدرون إيجاد زوج من الزلاجات مقابل 75 دولاراً و زوج من الأحذية طويلة الرقبة مقابل 40 دولاراً. إنهم يعرفون أنهم يجب أن يشتريوا أحذية طويلة الرقبة أكثر من الزلاجات لأن الزلاجات يمكن أن تناصب العديد من أحجام الأحذية طويلة الرقبة. (درس 3-2)

a. أسطم مثلاً لثلاث عمليات شرائية يمكن أن تقوم بها سكاي كلوب.

b. افترض أن سكاي كلوب تزيد أن تتفق كل موازنتها كم مجموع الزلاجات والأحذية طويلة الرقبة التي يجب أن اشرح.

50 حذاء طويل الرقبة و 30 زلاجة تبلغ تكلفتهما 4250 دولار بالضبط.

مراجعة المهارات

حل كل نظام للمعادلة.

$$\begin{array}{ll}39. x = y + 5 & 40. 3x - 2y = 1 \\3x + y = 19 & 4x + 2y = 20 \quad (3, 4)\end{array} \quad \begin{array}{ll}41. 5x + 3y = 25 & 42. y = x - 7 \\4x + 7y = -3 & 2x - 8y = 2 \quad (9, 2)\end{array}$$

65

التدريب المتميز ضم فم

امتداد تمثل القيم بالجدول مجموع كل صف مع عمود. اطلب من الطالب إيجاد القيمة المفقودة، ثم اطلب من الطالب تحديد القيم لكل رمز أو مجموعة من الرموز. (تمبيح: أجعل كل رمز أو مجموعة رموز تمثل متغير واحد.)

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	19
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	15
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	14
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	22
12	22	26	10	

= 4, = 5, = 8, = 2

١٥

اختبار نصف الوحدة

الدرس ٤-١ خالد ٤-١

- ١٥. متجر نجارة** متجر نجارة مصطفى يقوم فيه بنجارة طاولات ومقاعد. يتضمن عمل الورشة وقت للنجارة وقت للتشطيب، اوقات النجارة وأوقات التشطيب موجودة في الجدول بالأسفل.

التشطيب الوقت (ساعة)	النجارة الوقت (ساعة)	المنتج
0.5	3	مقدم
1	2	طاولة

يمكن أن يعمل متجر نجارة مصطفى لمدة 108 ساعة على الأكثر للتجارة و 20 التشطيب في اليوم. الربح \$35 للطاولة و \$25 للمقدم. كم طاولة وكرسي يجب صنعهم لكسب أكثر ربح؟ (الدرس ٣-٣)

A. باستخدام c لعدد المقاعد و t لعدد الطاولات اكتب نظام المعادلات ليمثل هذا الموقف. **A-C**. انظر الوحدة | الإجابات الملحق.

B. قم بالتمثيل البياني لبيان التحديد الممكنة.

C. كم طاولة و كرسي يجب صنعهم لكسب أكثر ربح؟ ما هو أكثر ربح؟

- ١٦. مسرحية** ليلة افتتاح مسرحية النادي، ربحوا \$1366 قاموا ببيع 199 تذكرة. حيث أن ثمن تذكرة البالغين \$8.50 و تذكرة الأطفال \$.50. اكتب نظام المعادلات التي يمكن استخدامها لإيجاد عدد تذاكر البالغين و عدد تذاكر الأطفال التي تم بيعها. (الدرس ٣-١) $a + c = 199$

$$8.50a + 5.00c = 1366$$

١٧. انظر الوحدة | الإجابات. الملحق

قم بالتمثيل البياني لكل نظام من المعادلات. احط اسم لكل من احداثيات رؤوس منطقة الحلول الممكنة. اوجد أكثر واقل قيمة للدالة المعطاة. (الدرس ٣-٣)

$$\begin{array}{ll} 17. 5 \geq y \geq -3 & 18. x \geq -10 \\ 4x + y \leq 5 & 1 \geq y \geq -6 \\ -2x + y \leq 5 & 3x + 4y \leq -8 \\ f(x, y) = 4x - 3y & 2y \geq x - 10 \\ & f(x, y) = 2x + y \end{array}$$

$$c = 27 \text{ in.}, b = 10 \text{ in.}, a = 11 \text{ in.}, 19a$$

- ١٩. هندسة** إن شبه المنحرف متساوي الساقين له قاعدة أقصر ، مقياسها / وقاعدة أطول مقياسها g ، وساقين متساوين مقياس b ، ويبلغ محيط شبه المنحرف 58 بوصة. إن متوسط القواعد 19 بوصة، واطول قاعدة ضعف الساق مع جمع 7. (الدرس ٤-٣)

A. اوجد طول اضلاع الشبه منحرف.

B. اوجد مساحة الشبه منحرف. 114 in^2

حل كل نظام معادلات. (الدرس ٣-١)

$$\begin{array}{l} 2x - 3y = 9 \quad (3, -1) \\ 4x + 3y = 9 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} -x + y = 2 \quad (3, 5) \\ 4x - 3y = -3 \end{array}$$

٨-٥. انظر الوحدة | الإجابات. الملحق

حل كل نظام معادلة من خلال الرسوم البيانية (الدرس ٣-٢)

$$\begin{array}{l} x + y \leq 4 \\ y \geq x \end{array}$$

$$\begin{array}{l} x - y > 0 \\ 4 + y \leq 2x \end{array}$$

$$2x + 3y > 12$$

$$3x - y < 21$$

$$2y - 5x \leq 6$$

$$4x + y < -4$$

٩. الاختيارات المتعددة ما هي أفضل عبارة تصف الرسومات

A (الدرس ٣-٤) **البيانية؟**

$$\begin{array}{l} x + 4y = 8 \\ 3x + 12y = 2 \end{array}$$

A الخطوط متوازية.

B الخطوط متباينة.

C الخطوط تتقطع في نقطة واحدة.

D الخطوط تتقطع في أكثر من نقطة واحدة ولكن غير متباينة.

حل كل نظام معادلات. (الدرس ٣-٤)

$$\begin{array}{l} 10. x - 2y + 3z = 1 \\ 4y - 4z = 12 \\ 8y - 14z = 0 \quad (3, 7, 4) \end{array}$$

$$\begin{array}{l} II. x + y + z = 4 \\ x + 3y + 3z = 10 \\ 2x + y - z = 3 \quad (1, 2, 1) \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 12. 2x - y - 2z = 5 \\ 10x + 8z = -4 \\ 3x - y = 1 \quad (2, 5, -3) \end{array}$$

$$\begin{array}{l} III. 2x + 3y + z = 0 \\ 3x + y = 1 \\ x - 2y + z = 9 \end{array}$$

$$(1, -2, 4)$$

- ١٤. الاختيارات المتعددة** فاطمة استأجرت طوافة من شركة ريفر رافترز. ودفع \$100 لاجار الطوافة، و 25 دولار للساعة. أحمد اشتري طوافة من متجر اوسكار اوكتور. ودفع دولار 50 لاجار الطوافة و 35 دولار للساعة. كم ساعة تحتاج الشرككان لتكلفة نفس الكمية؟ (الدرس ٤-٣)

F 0

G 4

H 5

J 10

تقييم تأسيسي

استخدم اختبار منتصف الوحدة لتقييم مدى تقدم الطلبة في النصف الأول من الوحدة.

بالنسبة للمسائل التي لم يتم حلها بشكل صحيح، اطلب من الطلبة مراجعة الدروس المشار إليها بين قوسين.

منظم الدراسة FOLDABLES®

مطويات® دينا زايك

قبل أن يكمل الطلبة اختبار منتصف الوحدة، شجعهم على مراجعة معلومات الدروس I-I و حتى I-4 المدونة في مطوياتهم.



تجربة برنامج الجدولة تنظيم البيانات بالمصفوفات

5-1

التركيز

الهدف تنظيم وعرض البيانات باستخدام المصفوفات وورق الجدولة.

أدوات كل طالب

- حاسوب يتضمن برنامجاً لورق الجدولة

نصيحة تعليمية

اشرح للطلبة أن المصفوفة التي لا تحوي سوى صف واحد تسمى مصفوفة صف وأن المصفوفة التي لا تحوي سوى عمود واحد تسمى مصفوفة عمود. المصفوفة الصفرية هي مصفوفة جميع عناصرها أصفار.

2 التعليم

العمل في مجموعات تعاونية

اجعل الطلبة يعملون مع شركاء لهم، ذوي قدرات مختلفة بحيث يتم الجمع بين طالب لديه معرفة بورق الجدولة مع طالب أقل خبرة به. ممارسة اطلب من الطلبة حل التمارين 4-1.

اجابة إضافية

.la

الواجهة	الذاكرة	الألوان	السعر
أشعة مانع المرأة	24	512	\$ 420
بلوتوث	24	512	\$ 399
أشعة مانع المرأة	24	256	\$ 315
الإنترنت اللاسلكي	18	128	\$ 289

المصفوفة مجموعة مستطيلة من المتغيرات أو الثوابت في الصفوف والأعمدة، عادة بين قوسين. في المصفوفة، الأعداد أو البيانات مرتبة ليكون كل مكان في المصفوفة له غرض. كل قيمة في المصفوفة اسمها **عنصر**. تسمى المصفوفات عادة باستخدام الأحرف الكبيرة.

$$A = \begin{bmatrix} 6 & 5 & -2 & 8 \\ 6 & -3 & 3 & -1 \\ 4 & 1 & -8 & 7 \end{bmatrix}$$

أعمدة

العنصر 1 - في صف 1 عمود 1 صور بـ a_{11}

العنصر 8 - في صف 3 عمود 2 صور بـ a_{32}

المصفوفة توصف بـ **الأبعاد**. المصفوفة فيها m صفوف و n عمود (أقرأ "م بـ ن"). المصفوفة A فوق تكون 4×3 المصفوفة لأن لديها 3 صفوف و 4 عمود. $\boxed{a_{12}}$ تشير إلى عنصر من A , حيث أن a_{12} تشير إلى العنصر لدى B .

نشاط | نظم البيانات في المصفوفة

فريق كرة قدم المدرسة الثانوية الغربية استعمل 5 جرياتخلفية خلال الموسم. المدرب خالد أراد أن يقارن الأحصائيات لكل لاعب

أحمد: [العبة، 164 محاولة، 885 ياردات، 5.40 المتوسط، 15 هبوط]

إيهاب: [العبة، 143 محاولة، 1024 ياردات، 7.16 المتوسط، 12 هبوط]

ناصر: [العبة، 72 محاولة، 439 ياردات، 6.10 المتوسط، 8 هبوط]

راشد: [العبة، 151 محاولة، 966 ياردات، 6.40 المتوسط، 15 هبوط]

سعد: [العبة، 143 محاولة، 542 ياردات، 6.45 المتوسط، 7 هبوط]

A. نظم البيانات في المصفوفة من المحاولات الأكبر إلى الأصغر.

لاعب	لعبة	محاولات	yarads	هبوط	متوسط
أحمد		164	885	164	5.40
راشد	10	151	966	151	6.40
إيهاب	9	143	1024	143	7.16
سعيد		7	542	84	6.45
ناصر		8	439	72	6.10

b. ما هي أبعاد المصفوفة؟ ما هي قيمة a_{34}

هناك خمسة صفوف وخمسة أعمدة لذا الابعاد 5×5 .
القيمة a_{34} , التي في ثالث صف ورابع عمود تكون 7.16

$$\begin{bmatrix} || & 164 & 885 & 5.40 & 15 \\ 10 & 151 & 966 & 6.40 & || \\ 9 & 143 & 1024 & 7.16 & 12 \\ || & 84 & 542 & 6.45 & 7 \\ || & 72 & 439 & 6.10 & 8 \end{bmatrix}$$

تمرين

a. فاطمة تتسوق لشراء هاتف ذكي جديد واكتشفت أن هناك عدة خيارات متوفرة.

b. نظم البيانات في المصفوفة. اكتب الاختبارات بترتيب تنازلي، وميز الأعمدة الاختبارات، السعر، الذاكرة، اللون، والواجهة على التوالي. انظر الامثل.

b. ما هي أبعاد المصفوفة؟ ما هي قيمة a_{23} 4×4 ; 24

اختبار 2

ذاكرة: 512، لون: 24،
واجهة: بلوتوث

اختبار 4

ذاكرة: 128، لون: 18،
الواجهة: إنترنت لاسلكي

اختبار 1

ذاكرة: 512، لون: 24،
الواجهة: الأشعة تحت الحمراء

اختبار 3

ذاكرة: 256، لون: 24،
الواجهة: الأشعة تحت الحمراء

(تنبئ في الصفحة التالية)

مختبر الصفحات

تنظيم البيانات مع المصفوفات يتبّع

يستخدم الأشخاص في القوى العاملة برنامج جدولة الحاسوب الآلي **ورق** لترتيب أو عرض أو تحليل البيانات. مثل المصفوفة، البيانات في الصفحة تدخل في المصفوف والاعده، ثم تستخدم البيانات لانتاج التمثيلات البيانية أو عمل حسابات.

نشاط 2 تنظيم البيانات في الصفحة

قام المدير في متجر المأكولات الفاخرة بجمع البيانات الخاصة بعدد الأرطال التي تم بيعها في كل أسبوع من شهر يناير. ادخل البيانات في الصفحة.

مبيعات بنابر الأسبوعية				
26/1	19/1	12/1	5/1	فهوة
23	11	22	17	كونا هاواي
29	22	34	31	موكا جافا
71	44	61	55	مزيج منزلي
77	60	36	41	قهوة اسبريسو
44	19	29	23	اسبريسو دون كافيين
31	19	18	8	مزيج القهوة
32	30	18	22	مزيج القهوة دون كافيين
39	31	16	26	المشروبات الإيطالية المضبوطة

استخدم العمود A لأنواع القهوة، والعمود B لمبيعات في أول الأسبوع 5/1، العمود C للمبيعات في بداية الأسبوع 12/1، وعمود D لمبيعات بداية الأسبوع 19/1، و العمود E لمبيعات 26/1.

The screenshot shows a Microsoft Excel spreadsheet titled "المبيعات الأسبوعية في يناير". It has three sheets: Sheet 1, Sheet 2, and Sheet 3. The data is organized into columns A through E and rows 1 through 8. Column A lists coffee types, and columns B through E show sales figures for weeks 1, 2, and 3 respectively. Two callout boxes with arrows point to specific cells in the first two rows:

- The top box points to cell A2 ("Hawaiian Kona") and says: "كل صف يحتوي على بيانات لنفس نوع القهوة الصف 2 يمثل الموکا جافا."
- The bottom box points to cell A7 ("Decaf Breakfast Blend") and says: "كل قطعة في الصفحة تحتوي على قطعة واحدة من البيانات الخلية D7 تختوي على القيمة 30، تمثل عدد الأرطال من مزيج فطور دون كافيين المباع في الأسبوع 19/1."

التمارين

- ارجع إلى النشاط 2، معايير الجمع تُمكنك من إيجاد جمع للمدخلات التي في الصفر أو الأعداء. **c-a. انظر الهماش**
- المعادلة = مجموع (B1:B8) توجد جمع العمود بداخل المعادلة في الخلايا B9، C9، D9، E9 لتجد مجموع هذه الأعداء. ما الذي يمثل مجموع الأعداء في هذا الموقف
- اندل المعادلات في الخلايا F1 من خلال F8 لتجد مجموع الصفر | من خلال 8. ماذا يمثل مجموع الصفر في هذا الموقف
- أوجد مجموع الصفر 9 ومجموع العمود F. ما الذي تلاحظه؟ اشرح
- ادخل البيانات على الهاتف الذكي من التمارين | بالصفحة. **قم برواية عمل الطالب**
- قارن وأوجد الاختلافات كيف يتم تنظيم البيانات في الصفحة وفي المصفوفة **انظر الهماش**

3 التقىيم

التقييم التكويني

استخدم التمارين 2 لتقييم ما إن كان الطلبة قد استطعوا كيفية إدخال البيانات بورقة جدولة أم لا.

من الملموس إلى المجرد

سل الطلبة عن بنية ورقة جدولة ما. على سبيل المثال، سلهم أي خلايا تحوي قيم البيانات وأي منها تحوي تسميات لتحديد البيانات. اطلب من الطلبة المقارنة بين بنية ورقة الجدول وبنية المصفوفة.

إجابات إضافية

2a. $\frac{1}{5}$ بإجمالي 223، $\frac{1}{12}$ بإجمالي 234، $\frac{1}{19}$ بإجمالي 236

المجموع إجمالي أرطال القهوة المباعة كل أسبوع.

2b. هاويان كونا 73، موکا جافا 116، مزيج منزلي اسبريسو 132، اسبريسو 412، منزوع الكافيين 115، مزيج الإفطار 76، D مزيج الإفطار منزوع الكافيين 102، ايطالي محمض 112؛ يمثل صفات المجموع إجمالي أرطال مبيعات كل نوع من القهوة.

2c. كلا المجموعين يساويان 1039. صفات المجموع وعمود المجموع متساوية لأن كليهما يمثل إجمالي جميع أنواع القهوة المباعة في جميع الأسابيع.

4. كلاهما يحوي صفرًا وأعداء. في ورقة الجدول، يتم تحديد الصفر بواسطة أرقام بينما يتم تحديد الأعداء بواسطة حروف. في المصفوفات، يتم تحديد كل من الصفر والأعداء بواسطة أرقام.