

1-3 حل المعادلات

1 ترکیب

المحاذة الرأسية

قبل الدرس 1-3 استخدام خصائص الأعداد الحقيقة لتفوييم العبار.

الدرس 1-3 تحويل التعبير الخطية إلى عبار و معادلات جبرية والعكس. و حل المعادلات باستخدام خصائص الناتج.

بعد الدرس 1-3 حل أنظمة المعادلات.

2 تدريس

أمثلة داعمة

اطلب من الطلاب قراءة القسم **لماذا؟** من هذا الدرس.

اطرح السؤال: ماذا يمثل المتغير m ? **ميل**

• هل طول الكيلومتر أكبر من أو أقل من طول الميل؟ **أقل من**

• كم عدد الكيلومترات تقريباً في **12 mi**? **حوالى 19.3 km**

18 | الدرس 1-3

السابق ... الحالي ... لماذا؟

- لقد استخدمنا **العبارات الخطية** في المقادير السابقة من المقادير التي نفذناها في المقادير السابقة. و لكن العبارات الخطية هي عبارات مكتوبة بـ **كلمات** و **رموز**. و **مقدار** العدد المعرف بالكلمات هو العدد المكتوب.
- لقد استخدمنا **المعادلات الخطية** في المقادير السابقة. و لكن العبارات الخطية هي عبارات مكتوبة بـ **كلمات** و **رموز**. و **مقدار** العدد المعرف بالكلمات هو العدد المكتوب.

العبارات الخطية والعبارات الجبرية

يتوجه الطالب في المقادير السابقة إلى تطوير عباره باستخدام المقادير السابقة.

المفردات الجديدة
العبارات الخطية
open sentence
المعادلة
solution

- الكتب تغير جزئياً لتشمل كل عباره خطبي.
- أضف عدد مضافة له العدد 2.
- نتائج قيمة 5 مطروحة من عدد على العدد 12.

لماذا؟
• سُكّن أحد الأماكن مسافة 4 أمتار من العدد $p^2 + 4p$.
• عدد أصل العرق من أحد الأعداد والمدة 8.

يطلق على العبارة الرياضية التي تحتوي على سطر واحد أو أكثر **عبارة متقطعة**.

يطلق على العبارة الرياضية التي تنس على أن تتحسن رياضيات يمكن متابعتها باسم **عبارة متصلة**.

لماذا؟
الكتب عباره خطبي تتشكل كل عبارة.

نتائج متر 6 في عدد بادي 72.
نتائج عدد إلى 15 مساوي واحد وتحتوى على سطر واحد.

لماذا؟
• 2A. 2B. **انظر النهاية.**

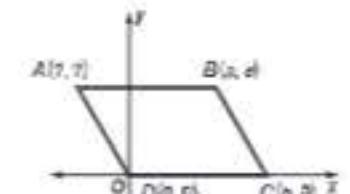
2A. $9 - 5 = -2$
2B. $2c = c^2 - 4$

العبارات المتقطعة لا تكون مسمية لمختلفة حتى يتم استعمال التعبيرات بأعداد و يطلق على كل ذلك مسمى **عبارة ممتدة**.

عبارة ممتدة اسم **عبارة المتقطعة**.

تدريب على الاختبار المعياري

64. الهندسة ما إحداثيات النقطة A في مساري الأسئلة **g**



65. ما هو مسال المدى التي يحتوي على العدد $(-3, 0)$ **B** $(6, 4)$, $(-2, 5)$, $(0, 4)$.

- A $\{-3, 6\}$ C $\{0, 4, 5, 6\}$
B $\{-3, -2, 0, 6\}$ D $\{-3, -2, 0, 4, 5, 6\}$

62. إجابة موسعة لسؤال على عدد كيلو جرامات من سلع الطعام وعدد كيلو جرامات من الفوز مكتوب على الطعام 2.9 درهم للكيلوغرام الواحد. و الوزير يشتري 22 درهماً للكيلوغرام الواحد. اشتريت على ما مجموعه 7 kg و دفعت ما مجموعه 176 درهماً. فهذا الكيلو جرامات سلع الطعام وكميّة الكيلوغرامات التي اشتريت على

C. 2, 4, 7, 11, 16. **SAT/ACT 63**

A 41
B 46
C 56
D 67
E 72

$$62. 8c + 6a = 48 \quad c + a = 7; \\ c = 3 \text{ lb}; a = 4 \text{ lb}$$

انتبه

تحليل الخطأ للنمارين 55. وضح للطلاب ما يتبين عليهم الانتهاء له بالنسبة لترتيب العمليات وما شاء من المصطلحات حيث إنها تحيط بالتعبير.

4 تقويم

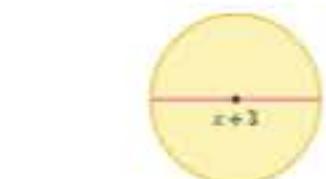
استراتيجية الأسئلة قبل مقادرة الوحدة اطلب من كل طالب كتابة اسم ومثال واحد من الخصائص في هذا الدرس.

إجابات إضافية

58. تبادل (a) **2.46** و (b) **2.4844844484448**
59. **$\sqrt{10}$** (b), **3.2** (a) و **2.001** و **2.001000100001** (b)
60. تبادل الإجابة: **لا تحيط الخطأ**

- الإبدالية بالطرح أو القسمة لأن الترتيب يؤثر في هاتين العمليتين في الجمع أو الضرب، لا أهمية للترتيب.

على سبيل المثال، $2 + 4 = 4 + 2$ و $2 \cdot 4 = 4 \cdot 2$. مع ذلك، من خلال الطرح، $2 - 4 \neq 4 - 2$ ، ومن خلال القسمة، $\frac{2}{4} \neq \frac{4}{2}$.



24 **H1** 66. $\text{سد. } b^3 = 2(4 - 2)$. **الدرس H1**

67. $\text{جد. } d = 2$, $b = 4$, $c = 3$, $a = 5$. إذا كان $a + 3(b + c) - d = 2$

$A = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2$
68. الهندسة سيد المساعدة A تدارن على العدد d هو $\pi \left(\frac{x+3}{2}\right)^2$. الكتب تغير لتشمل مساحة الدائرة **الدرس H1**

69. **البناء** بدل سلم يبلغ طوله 10 m متصل بين بحث بفتح السطح الأعلى 9.64 m **حوالى 2.66 m**

حل كل كثيرة حدود إلى عواملها.

70. $14x^2 + 10x - 8$ **$2(7x^2 + 5x - 4)$** 71. $9x^2 - 3x + 18$ **$3(3x^2 - x + 6)$** 72. $8x^2 + 16x + 12$ **$4(2x^2 + 4x + 3)$**

73. $10x^2 - 20x$ **$10x(x - 2)$** 74. $7x^2 - 14x - 21$ **$7(x - 3)(x + 1)$** 75. $12x^2 - 18x - 24$ **$6(2x^2 - 3x - 4)$**

جد فاتح ضرب كل مما يلي

76. $(x + 2)(x - 3)$ **$x^2 - x - 6$** 77. $(y + 2)(y - 1)$ **$y^2 + y - 2$** 78. $(a - 5)(a + 4)$ **$a^2 - a - 20$**

79. $(b - 7)(b - 3)$ **$b^2 - 10b + 21$** 80. $(n + 6)(n + 8)$ **$n^2 + 14n + 48$** 81. $(p - 9)(p + 1)$ **$p^2 - 8p - 9$**

مراجعة المهارات

جد قيمة كل تعبير إذا كان $c = -1.7$ و $b = \frac{2}{3}$ و $a = 3$ و $d = \frac{10}{3}$

82. $6b - 5 = -1$ 83. $\frac{1}{6}b + 1 = \frac{10}{9}$ 84. $23c - 7 = -10.91$ 85. $-8(a - 4) = 8$

86. $a + b + c \approx 1.967$ 87. $\frac{a+b}{c} \approx -1.176$ 88. $a^2 - c = 10.7$ 89. $\frac{a-b}{c} = -1.7$

17

التعليم المتمايز

امتداد لأن فاتح العدددين الكليبين دائمًا يكون عدداً كلياً. فمجموعه الأعداد الكلية لا بد أن تكون مغلفة ضمن الضرب. هذا مثال من خاصية الإغلاق. حدد ما إذا كانت كل عبارة صواب أم خطأ. إذا كانت خطأ فأعطي مثلاً مضانًا.

- a. يتم إعلاق مجموعة الأعداد الكلية ضمن الضرب. صواب **1 - 6 = -5**
b. يتم إعلاق مجموعة الأعداد الكلية ضمن الطرح. خطأ **1 ÷ 5 = 0.2**
c. يتم إعلاق مجموعة الأعداد الكلية ضمن القسمة. خطأ **17**

التعابير المفظية والتعابير الجبرية

المثال 1 بين كيفية تحويل التعابير المفظية إلى تعابير جبرية. **المثال 2** بين كيفية تحويل التعابير الجبرية إلى عبارات لفظية.

التقويم التكويبي

استخدم تدريبات التمارين الموجة بعد كل مثال لتحديد مدى استيعاب الطلاب للنماذج.

أمثلة إضافية

1 اكتب تعابير جبرية لتشيل كل تعابير لفظي.

a. $7 - 7$ أقل من العدد **b.** مربع العدد يقل بالناتج 5 والعدد $x^2 - 5x$

2 اكتب جملة لفظية لتشيل كل معادلة.

a. $x + 5 = 6$ ستة تساوي 5 زائد عدد. **b.** $7y - 2 = 19$ سبع مرات العدد ناقص 2 هو 19.

خصائص التاسب

مثال 3 بين كيفية تحديد خصائص التاسب.

مثال إضافي

3 يتضح اسم الخاصية حسب كل عبارة.

a. $a - 2.03 = a - 2.03$ خاصية انعكاسية للتاسب. **b.** بما أن $x - 9 = 9 - x$ الخاصية الشاملة للتاسب

خواص المساواة لحل المعادلات يمكن استخدام خواص المساواة يتم إدراج بعض من هذه الخواص أدناه.

المفهوم الأساسي - خواص المعادلات		
الأشارة	الرموز	الخاصية
$b + 12 = b + 12$	لأن مقدار جمعي a يكون a	الانعكاس
إذا كان $-2n + 4 = -2n + 18$ فإن $18 = -2n + 4$	لجمع الأعداد المماثلة a و b إذا كان $a = b$ فإن $a = b$	السائل
إذا كان $5p + 3 = 48$ فإن $48 = 7p - 15$ و $5p + 3 = 7p - 15$	لجمع الأعداد المماثلة a و b إذا كان $a = b$ فإن $a = b$	التدري
إذا كان $46 + 10x = 21$ فإن $7x = 21$	لإذا كان $a = b$ فإنه يمكن التبديل من a بـ b ويمكن التبديل من b بـ a	التبديل



الربط بين تاريخ الرياضيات
ديفونتس الإسكندرى (200-284)
النحير ديفونتس، يمثل في المسألة حل مجهول المقادير، وهو عنوان أحد المسائل في كتابه الرمزي إلى المسألة الأولى بالإضافة إلى المسألة في مقدمة الأعداد والأداء، المسألة

مثال 3 تحديد خاصية التوزيع

اذكر اسم الخاصية الموضحة في كل عبارة.

a. إذا كان $D = a - 4 = a + 17$. **b.** $D = a - 4$ و $a = 17$.

خاصية التوزيع

c. إذا كان $62 = 62 - 24$ و $h = 24$ فإن $62 = 2g - 24$.

خاصية التبديل

تبرير موقعه **3.** إذا كان $-3a = 11a + 2$ فإن $11a + 2 = -3a$.

خاصية التوزيع

يطلب حل سلسلة المعادلات التالية أن يتم حل المعادلة الأساسية حل وباصراره نفس العمليات على كل طرف من إشارة المساواة ت Singh خواص المساواة حل المعادلة.

مثال 4 حل معادلات الخطوط المتجهة

حل كل معادلة مما يلي، وتحقق من خط.

$$\begin{aligned} \text{أ. } x - 3.24 &= 42.1 \\ x - 3.24 &= 42.1 \\ x - 3.24 + 3.24 &= 42.1 + 3.24 \\ x &= 45.34 \end{aligned}$$

الخط الأصلية
اجمع 3.24 مع كل طرف.
يشتمل

الحل ساوير 45.34

$$\begin{aligned} \text{ب. } x - 3.24 &= 42.1 \\ 45.34 - 3.24 &= 42.1 \\ 42.1 - 42.1 &= \checkmark \end{aligned}$$

الخط الأصلية
وهي $x - 3.24 = 42.1$
يشتمل

تحقيق

$$\begin{aligned} \text{ج. } \frac{5}{8}x &= 20 \\ -\frac{5}{8}x &= 20 \\ -\frac{5}{8}(32) &= 20 \\ 20 &= 20 \end{aligned}$$

الخط الأصلية
خاصية التوزيع
يشتمل

تحقيق

$$\begin{aligned} \text{د. } \frac{5}{8}x &= 20 \\ -\frac{5}{8}x &= 20 \\ -\frac{5}{8}(32) &= 20 \\ 20 &= 20 \end{aligned}$$

الخط الأصلية
خاصية التوزيع
يشتمل

تحقيق

$$\begin{aligned} \text{هـ. } x - 14.29 &= 25 \\ 39.29 &= 25 \\ 48. \frac{1}{3}y &= -18 \end{aligned}$$

الخط الأصلية
خاصية التوزيع
يشتمل

تحقيق

تبرير موقعه

مثال 5 حل معادلة متجهة الخطوط

حل كل من معادلة واحدة ثم يلبي إجراء العمليات بالعمل ترتيب ملكي.

$$\begin{aligned} \text{أ. } 5(x + 3) + 2(1 - x) &= 14 \\ 5x + 15 + 2 - 2x &= 14 \\ 3x + 17 &= 14 \\ 3x &= -3 \\ x &= -1 \end{aligned}$$

المعادلة الأساسية
طريق خاصية التوزيع
يشتمل الطرف الآخر
الطرف 17 من كل طرف
قسم كل طرف على 3

$$\begin{aligned} \text{بـ. } 5x + 3(4x - 2) &= 6 \\ 5x + 12x - 6 &= 6 \\ 17x - 6 &= 6 \\ 17x &= 12 \\ x &= -1 \end{aligned}$$

الخط من الإحداثيات
حل كل من المعادلات التالية
استخدام الموسس للقسم
قسم كل طرف على 17
يشتمل

20. أ. المبرمج 1+3 من المعدلات

المثالين 4 و 5 تطبيق كيفية حل المعادلات وحيدة الخطوة ومتعددة الخطوات.

أمثلة إضافية

4 قم بحل كل معادلة.تحقق من الحل.

a. $m - 5.48 = 0.02$ **5.5**

b. $18 = \frac{1}{2}t$ **36**

5 حل $53 = 3(y - 2) - 2(3y - 1)$. **-19**

تدريب التمارين الرياضية

الانتظام يمكن للطلاب المتفوقون في الرياضيات ملاحظة وجود عمليات حسابية مكررة، والبحث عن كل من الطرق العامة والمحضرة، وفي أثناء العمل على حل المشكلة، يلتزمون الدقة ويراعون التفاصيل. شجع الطلاب على التزلف على العلاقة بين خصائص الضرب والقسمة للناتج عند تطبيقها باستخدام الكسور.

التركيز على المحتوى الرياضي

قواعد حل المعادلات القواعد المستخدمة في حل المعادلات تتيح على خصائص التاسب عند جمع عدد أو طرحه من كل طرف من معادلة، تكون الناتج معادلة مكافئة، وسيكون لهذه المعادلة الكافية الحل نفسه كالأصلية.

كمبيحات للمعلمين الجدد التتحقق من الحلول وضح أن عملية التتحقق من الحلول لاكتشاف الأخطاء المحتملة تتطلب إجراء منها للغاية عند استخدام الرياضيات في العمل.

الطلاب الذين يواجهون صعوبات في التحويل من التعابير المفظية إلى التعابير الجبرية والتفكير صحيح.

ضع كل طالب من هؤلاء مع طالب من لا يواجهون تلك الصعوبات، واجعلهم بناءً على المثلث للطلاب الذين يواجهون صعوبات

إجابات إضافية (تمارين إرشادية)

2A. فرق العدد 5 هو -2.

2B. العدد مرتين يساوي فرق هذا العدد

مربيًا و 4

المثال 6 بين كيفية استخدام الخصائص لحل معادلة ليختبر مهاراتك.

المثال 7 بين كيفية استخدام الخصائص لحل معادلة ليختبر مهاراتك.

المثال 8 حل معايدات أحادية.

المثال 9 حل معايدات مترادفة.

المثال 10 حل معايدات مترادفة.

أمثلة إضافية

6 الهندسة هندسة مساحة S

لخروف هو $S = \pi r^2 + \pi r\ell$, حيث ℓ هو الارتفاع البالغ للخروف و r هو نصف قطر القاعدة. حل صيغة $\ell = \frac{S - \pi r^2}{\pi r}$.

7 تمرين على فموجة اختبار

$$\frac{4}{9} = \frac{4g + 5}{4}$$

$$\begin{aligned} A &= \frac{41}{36} \\ B &= \frac{41}{9} \end{aligned}$$

C

D

$$\begin{aligned} A &= \frac{1}{2}h(b_1 + b_2) \\ 2A &= h(b_1 + b_2) \\ 2A &= h(b_1 + b_2) \\ \frac{2A}{h} &= b_1 + b_2 \\ \frac{2A}{h} - b_2 &= b_1 + b_2 - b_2 \\ \frac{2A}{h} - b_2 &= b_1 \end{aligned}$$

مساحة المساحة

الضرب كل طرف في 2

بتقد

قسم كل طرف على h

بتقد

طرح b_2 من كل طرف

بتقد

نستد

اختبار منتصف الوحدة

الدروس من 1-1 إلى 1-3



التقويم التكعيبي

استخدم اختبار منتصف الوحدة لتقويم
التقدم المحرر من قبل الطالب في
الجزء الأول من الوحدة.

بالنسبة للمسائل المطابق عليها بشكل
غير صحيح، اطلب من الطلاب مراجعة
الدروس الموضحة بين قوسين.

مطويات خريطة المفاهيم

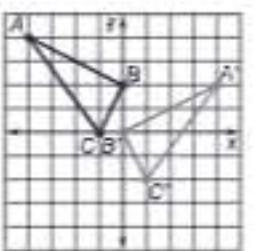
مطويات دينا زيكى

قبل قيام الطلاب بإكمال اختبار منتصف
الوحدة، قم بتجديده على مراجعة
المعلومات عن الدروس 1-1 خلال 1-3
في المطويات الخاصة بهم.

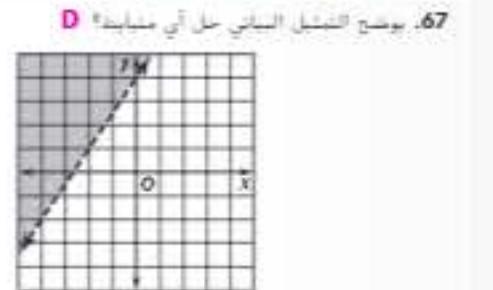
تدريب على الاختبار المعياري

4 تقويم

محتوى الأمس أجمل كل طالب
يكتب مدى مساعدة مفاهيم الأمس في
استجواب البحثي الجديد.



69. الهندسة أي مما يلى
ـ تحول $\triangle ABC$ حول أي مسند
A $\triangle A'B'C'$



- A $y < \frac{2}{3}x + 4$ C $y < \frac{3}{2}x + 4$
B $y > \frac{2}{3}x + 4$ D $y > \frac{3}{2}x + 4$

SAT/ACT 68

- ما يبلغ ملحوظ $\frac{1}{3}$ من ممكوس الضرب؟
F $-2\frac{2}{3}$ **I** $\frac{1}{4}$
G $-\frac{7}{12}$ **K** $\frac{3}{4}$
H $-\frac{1}{12}$

إجابات قصيرة لام سرح مبني على 1200 نقطة ائتمان
الناتج النموذجي للأسمى في نهاية الأسبوع ثم مع
نحو 840 نقطة إذا كانت نسبة الانخفاض في عدد النتائج
الناتج **30%**

مراجعة شاملة

71. مسد $x - 3x + 6y + 6z$ **(1-2)** $3x + 8y + 5z - 2y - 6x + 7$ **(القسم)**

72. **الخبير** تضع رنة توقيع من الخبر بفتح النوع الأول إلى $\frac{1}{2}$ ثوب من الدقيق ويصالح النبي إلى $\frac{3}{4}$ ثوب من الدقيق وترسل رنة في سبع زعنفون من أول وسد و 3 أربعون من الوسطة الثانية. فكم عدد أثواب المليون التي يستحقها **الخبير**? **(1-2)** $10\frac{1}{4}c$

73. **المعلم** يتعرض أن يريد النساء في سناثر.

واشلن على بطل طوله 220 ft ساهم في نفس وقت يلتقي سائق بطل طوله 2 ft إذ كان طول النساء على 5.5 ft نكم طول آيرد النساء! **(القسم)** **7.5** وحدات

605 ft **(1-7)** **7.4** **1** **(القسم)**

c = 2 , b = 7 , a = 5 , d = 1 **(القسم)**

حدد الممكوس الجمعي لكل عدد أو تعبير.

75. $-4\frac{1}{5}$ **4** **5** 76. 35 **-3.5** 77. $-2x$ **2x** 78. $6 - 7y$ **-6 + 7y**
79. $3\frac{2}{3}$ **-3** **2** **3** 80. -125 **1.25** 81. $5x - 5x$ 82. $4 - 9x$ **-4 + 9x**

مراجعة المهارات

الوحدة 1 امتحان منتصف الوحدة

الوحدة 1 امتحان منتصف الوحدة