

1 التركيز

التخطيط الرأسي

قبل الدرس 2-3 حل معادلات الخطوة الواحدة.

الدرس 2-3 حل معادلات تتضمن أكثر من عملية واحدة.
حل معادلات تتضمن أعداداً صحيحة متتالية.

بعد الدرس 2-3 حل معادلات تتضمن رموز التجميع.

2 التدريس

الأسئلة الداعمة

اطلب من الطلاب قراءة القسم **لماذا؟** من الدرس.

اسأل:

▪ في التعبير $20 + 4k$, ما الذي يمثله $4k$? يمثل $4k$ **أربعة أضعاف الجزء الأقصر من السباق**.

▪ ما الذي يمثله العدد 20 في التعبير $4k + 20$?

▪ **20 كيلومتراً إضافياً في الجزء الأطول من السباق**

▪ كم يساوي التعبير $20 + 4k$? **236 كيلومتراً** كيف تكتب ذلك على هيئة معادلة? $4k + 20 = 236$

(يتبّع في الصفحة التالية)

2-3 حل المعادلات متعددة الخطوات

..السابق
..الحالي
..لماذا؟



1 تحل معادلات تتضمن أكثر من عملية واحدة.

"تور دو فرنس" هو حدث الدراجات الأربع في العالم. توضح الخريطة مسار سباق "تور دو فرنس" لعام 2007. إذا أمكن تمثيل طول أقصر جزء من المضمار بالحرف k . فإن التعبير $4k + 20$ يمثل طول أطول مرحلة أو 236 كيلومترًا. يمكن وصف ذلك بالمعادلة $4k + 20 = 236$.

2 تحل معادلات تتضمن أعداداً صحيحة متتالية.

1 حل معادلات متعددة الخطوات ما دام أن المعادلة أعلاه تتطلب أكثر من خطوة واحدة لحلها، فإنها **تعادلة متعددة الخطوات**. حل المعادلة، لا بد من إلغاء كل عملية من خلال الحل بترتيب عكسي.

مثال 1 حل المعادلات المكونة من عدة خطوات

أوجد حل كل من المعادلات التالية. علل إجابتك.

a. $11x - 4 = 29$

$11x - 4 = 29$ $11x - 4 + 4 = 29 + 4$ $11x = 33$ $\frac{11x}{11} = \frac{33}{11}$ $x = 3$	معادلة أصلية اضف 4 لكل طرف حوال لأبسط صورة اقسم كل طرف على 11 حوال لأبسط صورة
---	--

b. $\frac{a+7}{8} = 5$

$\frac{a+7}{8} = 5$ $8\left(\frac{a+7}{8}\right) = 8(5)$ $a + 7 = 40$ $-7 = -7$ $a = 33$	معادلة أصلية اضرب كل طرف في 8 حوال لأبسط صورة اطرح 7 من كل طرف حوال لأبسط صورة
--	---

يمكنك التتحقق من إجابتك من خلال تعويض قيم النتائج في المعادلات الأصلية.

تفهّم موجّه
أوجد حل كل من المعادلات التالية. علل إجابتك.

1A. $2a - 6 = 4$

1B. $\frac{n+1}{-2} = 15$

مفردات جديدة

معادلة متعددة الخطوات
(multi-step equation)
أعداد صحيحة متتالية
(consecutive integers)
نظرية الأعداد (theory)

مهارات رياضية

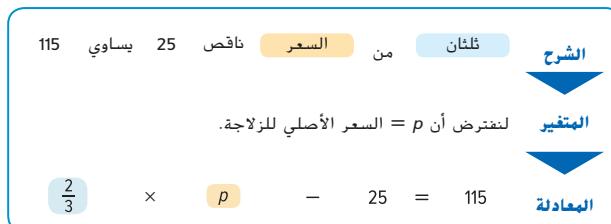
البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عنه.

McGraw-Hill Education © محفوظة الحقوق. جميع الحقوق محفوظة. اتفاقية انتشار و انتاج



مثال 2 من الحياة اليومية كتابة معادلة متعددة الخطوات وحلها

التسوق يشتري عبد العزير زلاجتين للتزلق على المياه عليهم خصم بقيمة $\frac{2}{3}$ من السعر الأصلي. بعد استخدامه لبطاقة هدايا مقدارها 25 AED. أصبحت التكلفة الإجمالية قبل الضريبة 115 AED. فما السعر الأصلي للزلاجات؟ اكتب معادلة لمسألة. ثم حل المعادلة.



$$\begin{aligned} \frac{2}{3}p - 25 + 25 &= 115 + 25 \\ \frac{2}{3}p &= 140 \\ \frac{3}{2}(\frac{2}{3}p) &= \frac{3}{2}(140) \\ p &= 210 \end{aligned}$$

السعر الأصلي للزلاجة كان 210 AED.

تمرين موجه 2a. **البيع بالتجزئة** باع متجر للموسيقى ما قيمته $\frac{3}{5}$ من الأقراص المدمجة لموسيقى الهيب هوب. ولكن تم استرجاع 10. ولدي المتجر الآن 62 قرصاً مدمجاً لموسيقى الهيب هوب. فكم كان عدد هذه الأقراص في البداية؟ **130**

2b. القراءة قرأ إبراهيم مقدار $\frac{3}{4}$ من رواية مصورة خلال عطلة نهاية الأسبوع. وقرأ يوم الأحد 22 صفحة أخرى. إذا كان قد قرأ 220 صفحة. فما عدد صفحات الكتاب؟ **264**

ملخص المنهج أعداد صحيحة متتالية			
مثال	الرموز	الشرح	النوع
..., -2, -1, 0, 1, 2, ...	$n, n+1, n+2, \dots$	الأعداد الصحيحة المتتابعة في ترتيب العد.	أعداد صحيحة متتالية
..., -2, 0, 2, 4, ...	$n, n+2, n+4, \dots$	العدد الصحيح الزوجي يتبعه العدد الصحيح الزوجي التالي.	أعداد صحيحة زوجية متتالية
..., -1, 1, -3, 5, ...	$n, n+2, n+4, \dots$	العدد الصحيح الفردي يتبعه العدد الصحيح الفردي التالي.	أعداد صحيحة فردية متتالية

نظريّة الأعداد هي دراسة الأعداد والعلاقات بينها.

92 | الدروس 2-3 | حل معادلات متعددة الخطوات

التعليم المتمايز AL

في المثال 1b، لا يستوعب بعض الطلاب السبب في ضرب طرفي المعادلة في 8 قبل طرح 7 من كل طرف، **إذاً** سأطلب من أحد المتطوعين أن يسرد الخطوات المستخدمة لتبسيط هذا التعبير. اشرح أن المثال 1b يحّلّ باستخدام عكس الخطوات المستخدمة للتبسيط $\frac{23}{8} - \frac{7}{8}$. ثم اطلب من الطلاب مناقشة الخطوات التي سيستخدمونها لحل $b - \frac{3}{4} = 6$.

ما العمليات التي تحتاج إليها لإجراء عزل المتغير في المعادلة؟ **الطرح والقسمة**

1 حل المعادلات متعددة الخطوات

يوضح **المثال 1** كيفية التراجع عن العمليات لحل المسائل متعددة الخطوات. يوضح **المثال 2** كيفية كتابة وحل معادلة متعددة الخطوات.

التقييم التكويني

استخدم تمارين "التمرين الموجه" بعد كل مثال لتحديد مدى فهم الطلاب للمفاهيم.

أمثلة إضافية

1 حل كل معادلة. علل إجابتك.

a. $2q + 11 = 3$ **-4**

b. $\frac{k+9}{12} = -2$ **-33**

2 **السوق** كان بحوزة سوزان قسيمة

بقيمة 10 AED تتيح لها شراء أي سلعة. فقمت بشراء معطف

كان معروضاً للبيع مقابل $\frac{1}{2}$ من سعره الأصلي وبعد استخدام

القسيمة، دفعت سوزان 125 AED ثمماً للمعطف قبل الضريبة فما السعر الأصلي للمعطف؟ اكتب معادلة لمسألة. ثم حل المعادلة.

إذاً $\frac{1}{2}p - 10 = 125$; $p = 270$

السعر الأصلي للمعطف كان .270 AED

التدريس باستخدام التكنولوجيا

بيان نظام استجابة الطالب للطلاب معادلات مختلفة متعددة الخطوات. اطلب من الطالب ذكر أي عملية ينبغي القيام بها أولاً أو تالياً. اطلب من الطالب أن يصوتوا إن كانوا موافقين أم غير موافقين. احفظ النتائج لتتبع الاستيعاب.

92 | الدروس 2-3 | حل معادلات متعددة الخطوات



مثال 3 حل مسألة أعداد صحيحة متتالية

نظريّة الأعداد اكتب معادلة لمسألة التالية. ثم حل المعادلة وجاوب على المسألة.

أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعهم 51.

لنتفترض أن $n =$ أقل عدد صحيح فردي.

إذا $2 + n + n + 4 =$ العدد الصحيح الفردي الأكبر التالي. و $n + 4 =$ أكبر الأعداد الصحيحة الفردية من بين الأعداد الثلاثة.

مجموع ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية	51	النهاية
$n + (n + 2) + (n + 4)$	=	51
المعادلة		

$$\begin{aligned} n + (n + 2) + (n + 4) &= -51 \\ \text{المعادلة الأصلية} & \\ 3n + 6 &= -51 \\ -6 &= -6 \\ 3n &= -57 \\ \frac{3n}{3} &= \frac{-57}{3} \\ n &= -19 \end{aligned}$$

حول لأبسط صورة
أطرح 6 من كل طرف
حول لأبسط صورة
اقسم كل طرف على 3
حول لأبسط صورة

$$n + 2 = -19 + 2 = -17 \quad n + 4 = -19 + 4 = -15$$

الأعداد الصحيحة الفردية المتتالية هي -19 و -17 و -15 .

تحقق من أن $-19 - 17 - 15 = -41$ أعداد صحيحة فردية متتالية.
 $\checkmark -19 + (-17) + (-15) = -51$

قورين موجه

3. اكتب معادلة لمسألة التالية. ثم حل المعادلة وأجب عن المسألة.

أوجد ثلاثة أعداد صحيحة متتالية مجموعها 21.

صيغة دراسية

الانتظام يمكنك استخدام نفس التعبيرات لتمثيل إما الأعداد الصحيحة الزوجية المتتالية أو الأعداد الصحيحة الفردية المتتالية. إن قيمة n (فردي أو زوجي) هي ما يختلف بين التعبيرين.

2 حل مسائل الأعداد الصحيحة المتتالية

يعُرف المثال 3 الطلاب على نظرية الأعداد بتوضيح كيفية حل مسألة الأعداد الصحيحة المتتالية.

مثال إضافي

3 نظريّة الأعداد اكتب معادلة لمسألة التالية. ثم حل المعادلة وأجب عن المسألة.

أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعها 57.
 $n + (n + 2) + (n + 4) = 57$
 $3n + 6 = 57$. الأعداد
الصحيحة المتتالية هي 17 و 19 و 21.

تدريس الممارسات الرياضية

الانتظام يبحث الطلاب المتقدون للرياضيات عن طريق عامةً ومحترضةً على حد سواء. اطلب من الطلاب أن يشرحوا السبب في تشابه معادلات البحث عن أعداد صحيحة فردية متتالية مع معادلات البحث عن أعداد صحيحة زوجية متتالية. ينبغي للطلاب أن يلاحظوا أن الأعداد الفردية والزوجية تتحسب بجمع 2 مع العدد الفردي أو الزوجي السابق.

3 تمرين

التقييم التكويني

استخدم التمارين 1-10 للتحقق من الاستيعاب.

استخدم المخطط أسفل الصفحة التالية لتخصيص المهام للطلاب.

التحقق من فهفك

مثال 1 حل كل معادلة. علّل إجابتك.

1. $3m + 4 = -11$

4. $\frac{3}{2}a - 8 = 11$

2. $12 = -7f - 9$

5. $8 = \frac{x-5}{7}$

3. $-3 = 2 + \frac{a}{11}$

6. $\frac{c+1}{-3} = -21$

7. **نظريّة الأعداد** اثنا عشر ناقص ضعف عدد يساوي 34. اكتب معادلة لهذه الحالة ثم أوجد العدد.

$12 - 2n = -34; 23$

8. **البيسبول** خلال دوري الجامعات للبيسبول، حقق محمد عدد مرات إمساك بالكرة أصغر من العدد الذي حققه عمر بمقدار 175 مرة. فقد حقق محمد 755 مرة إمساك للكرة. اكتب معادلة لهذه الحالة. كم عدد مرات الإمساك بالكرة الذي حققه عمر خلال الدورة؟ $755 - 175 = 465$ مرة إمساك بالكرة

اكتب معادلة وحل كل مسألة.

9. أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعها 75.

10. أوجد ثلاثة أعداد صحيحة متتالية مجموعها 36.

مثال 2

مثال 3

التعليم المتمايز

BL OL AL

التوسيع نظم مسابقة للابتكار بين الطلاب. كل أسبوع، أعط الطالب معادلة واطلب منهم تقديم سياق لها. ارفع من مستوى الصعوبة كل أسبوع وامنح مكافأةً على الابتكار من أجل المسائل التي تعكس بدقةً العمليات والمتغيرات الموجودة في المعادلة. (اختياري: امنح جائزةً للفائز كل أسبوع).

التمرين و حل المسائل

11. $3t + 7 = -8$	12. $8 = 16 + 8n$	13. $-34 = 6m - 4$
14. $9x + 27 = -72$	15. $\frac{y}{5} - 6 = 8$	16. $\frac{f}{-7} - 8 = 2$
17. $1 + \frac{r}{9} = 4$	18. $\frac{k}{3} + 4 = -16$	19. $\frac{n-2}{7} = 2$
20. $14 = \frac{6+z}{-2}$	21. $-11 = \frac{a-5}{6}$	22. $\frac{22-w}{3} = -7$

حل كل معادلة. علل إجابتك.

مثال 1

المعرفة المالية يوفر متجر الهواتف الخلوية "Cell+" العروض الموضحة في الجدول. اختار رامي عرض الأعمال بتكلفة AED 100 في الشهر. اكتب معادلة لهذا الموقف. وحدد عدد الدقائق التي يمكن أن يستخدمها في الشهر بدون تخطي ميزانيته. **دقيقة** $0.15m + 49.99 = 100$; $m \approx 333$; $650 + 333 = 983$

(23)

تكلفة الدقيقة بعد انتهاء الدقائق غير المحددة	الدقائق غير المحددة	الرسوم الشهرية الثابتة	التخطيط
0.20 AED	250	29.99 AED	شخصي
0.15 AED	650	49.99 AED	لأعمال
0.10 AED	1200	59.99 AED	إداري

اكتب معادلة و حل كل مسألة.

مثال 2

قيمة أربعة عشر أقل من ثلاثة أرباع العدد تساوي ثمانية سالبة. أوجد العدد.

24. سبعة عشر تساوي ثلاثة عشر ناقص ستة مضروبة في عدد ما. ما العدد؟

25. أوجد ثلاثة أعداد صحيحة زوجية متتالية مجموعها -84.

26. أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعها 141.

27. أوجد أربعة أعداد صحيحة متتالية مجموعها 54.

28. أوجد أربعة أعداد صحيحة متتالية مجموعها 142.

29. أوجد أربعة أعداد صحيحة متتالية مجموعها 141.

حل كل معادلة. علل إجابتك.

مثال 3

تدريس الممارسات الرياضية

الاستنتاج يفكّر الطالب المتقدّن لمادة الرياضيات في الوحدات المتضمنة في المسألة. في التمرين 40، أشر للطلاب بأن الأعمار يجب أن تكون موجبة.

إجابات إضافية

.51b

الزيارات للمؤتمرات للسنة الأولى	الزيارات للمؤتمرات للسنة الثانية	الزيارات للمؤتمرات للسنة الثالثة
90	290	3
180	305	6
270	320	9
360	335	12
450	350	15

.51c

تكليف صاف السيارات



كلا الدالتين خطبيتان. إذا كان شخص سوزور المنتزه أقل من 11 مرة، فسيكون من الأولي إلا يكون عصوا.

(1) اجمع 4 إلى كل طرف.

(2) اضرب كل طرف في 5.

(3) اطرح 3 من كل طرف.

لَا، فلّكي يكون هناك حل يجب أن يكون هناك عدد يتم من أجله تمثيل $a + 4 = a + 5$.

55b. نعم، من أجل

$$b = 0, \frac{1+b}{1-b} = \frac{1+0}{1-0} \text{ أو } 1.$$

55c. لا $c - 5 = 5 - c$ عندما يكون $c - 5 = 5 - c$ ولكن $c = 5$ من أجل $c = 5$ بما أن الكسر يمثل القسمة على 0.

55d. الإجابة النموذجية: لحل المعادلة $4k + 20 = 236$ عليك في البداية طرح 20 من كل طرف ومن ثم قسمة كل طرف على 4.

خيارات الواجب المنزلي المتمايزة

المهمة	المستوى
11-29, 53, 54, 57, 57-78	مبتدئ AL
11-29, 58-61	أساسي OL
(احتياطي: 30-47, 75-78)	متقدم BL

94 | الدرس 2-3 | حل المعادلات متعددة الخطوات

حل كل معادلة. علل إجابتك. C

42. $-5x - 4.8 = 6.7$

44. $0.6a + 9 = 14.4$

46. $9 = \frac{-6p - (-3)}{-8}$

43. $3.7q + 26.2 = 111.67$

45. $\frac{c}{2} - 4.3 = 11.5$

47. $3.6 - 2.4m = 12$

48. إذا كان $53 = 3 - 7m$. فما قيمة $2 \cdot 11m$ ؟ 90

49. إذا كان $64 = 25 - 13y$. فما قيمة $7 \cdot 4y$ ؟ 5

50. إذا كان $69 = -5c + 6$. فما قيمة $15 \cdot 6c$ ؟ 75

الانتظام يلاحظ الطلاب المتفوقون في الرياضيات إن كانت العمليات الحسابية مكررة ويبحثون عن الطرق العامة. في التمرين 56، انصح بأن يجمع الطلاب مجموعات من ثلاثة أعداد صحيحةٍ فردية متتالية وأن يلاحظوا النتيجة. ومن ثم عليهم كتابة التعبير الخاصة بالأعداد الصحيحة المتتالية الثلاثة وتبrier استنتاجاتهم.

مدن الملاهي توفر إحدى مدن الملاهي عضوية سنوية بقيمة AED 275 تشمل خدمة انتظار مجاني للسيارات ودخول مدينة الملاهي. كما يمكن للأعضاء استخدام الملاهي المائية مقابل 5 AED إضافية في اليوم. ويدفع غير الأعضاء AED 6 مقابل انتظار السيارات وAED 15 مقابل الدخول وAED 9 للملاهي المائية.

a. اكتب معادلة وحلها لمعرفة عدد الزوارات الازمة لتكون الكلفة الإجمالية متساوية بين الأعضاء وغير الأعضاء إذا استخدم كلًاهما الملاهي المائية في كل زيارة. $9x + 275 = 11 \cdot 5x + 15$

b. ارسم جدولًا لنكاليف الأعضاء وغير الأعضاء بعد 3 و 6 و 9 و 12 و 15 زيارة لمدينة الملاهي. **انظر الامامش.**

c. ارسم هذه النقاط في تثيل بياني إحدايني وصف ما تراه. **انظر الامامش.** 52

مزمرة العائلة	
(AED)	النافورة
6.99/كبس	النفاج
5.00	بقطفين
2.99/كوارت	ثمرة نوت
2.99	قرع
لكل ثمرة	لكل ثمرة

2.00 AED ، بتكلفة

a. تكلفة كيس البطاطا أقل بقيمة AED 1.50 من ما قيمته b من ثمن النفاج. اكتب معادلة وحلها لمعرفة تكلفة البطاطا.

b. يساوي سعر كل ثمرة من الكوسة حاصل ضرب 3 في سعر القرع ناقص AED 7. اكتب معادلة وحلها لمعرفة تكلفة الكوسة. $1.97 \text{ AED } z = 3w - 7$

c. اكتب معادلة لتنشيل تكلفة البقطفين مستخدماً تكلفة التوت. الإجابة المودجة: $p = 2b - 0.98$

53. الإجابة المودجة: يكلف زوج من البنطال الجينز AED 60. وهذا السعر أكثر بمقدار AED 40 من ضعف تكلفة القميص. فكم تكلفة القميص؟ يكلف القميص 10 AED.

مسائل مهارات التفكير العليا استخدام مهارات التفكير العليا

53. **مسألة غير محددة الإجابة** اكتب مسألة يمكن وضع نموذج لها من خلال المعادلة $60 = 40 + 2x$. ثم حل المعادلة وشرح الحل في سياق المسألة.

54. **مسألة تحفيزية** حل كل معادلة لـ x . افترض أن $a \neq 0$.

a. $ax + 7 = 5$

b. $\frac{1}{a}x - 4 = 9$

c. $2 - ax = -8$

b. $\frac{1+b}{1-b} = 1$

c. $\frac{c-5}{5-c} = 1$

انظر الامامش

55. **الاستنتاج** حدد ما إذا كان هناك حل لكل معادلة. ببر إجابتك.

a. $\frac{1}{a}x - 4 = 9$

c. $\frac{c-5}{5-c} = 1$

56. **الانتظام** حدد ما إذا كانت العبارات التالية صحيحةً أحياناً أم دائماً أم لا تكون صحيحةً أبداً. اشرح استدلالك. غير صحيح مطلقاً: عندما تضاف ثلاثة أعداد صحيحةٍ فرديةٌ معاً، يكون المجموع فردياً دائماً.

مجموع ثلاثة أعداد صحيحةٍ فرديةٍ متتالية يساوي عدداً صحيحاً زوجياً.

57. **الكتابة في الرياضيات** اكتب فقرة لشرح ترتيب الخطوات الازمة لحل معادلة متعددة الخطوات. **انظر الامامش.**

