



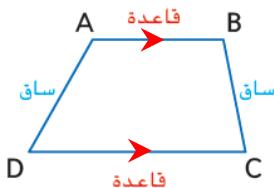
الاسم:

### 11.6 شبه المنحرف وشكل الطائرة الورقية

ورقة عمل الصف الثامن

2- تطبيق خواص أشكال الطائرة الورقية.

في هذا الدرس سوف أتعلم:



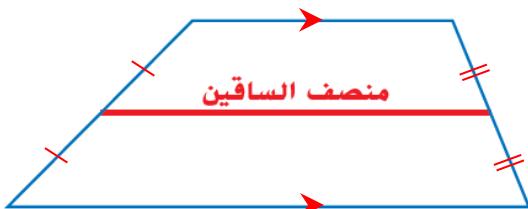
شبه المنحرف هو عبارة عن متوازي أضلاع له زوج واحد فقط من الأضلاع المتوازية. يطلق على الضلعين المتوازيين القاعدتين. ويُطلق على الضلعين غير المتوازيين الساقين. تتشكل زوايا القاعدة من خلال القاعدة وإحدى الساقين. إذا كانت ساقاً شبه المنحرف متطابقتين، فهو إذاً شبه منحرف متساوي الساقين.

#### نظريات قطر المعيّن

11.21 إذا كان شبه المنحرف متساوي الساقين، فإن كل زوج من زوايا القاعدة يكون متطابقاً.

11.22 إذا كان شبه المنحرف له زوج واحد من زوايا القاعدة المتطابقة، فهو شبه منحرف متساوي الساقين.

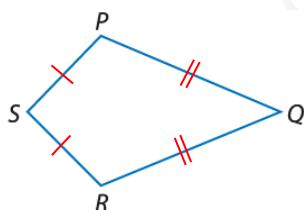
11.23 يكون شبه المنحرف متساوي الساقين فقط في حالة تطابق قطريه.



منصف ساق شبه المنحرف هو القطعة المستقيمة التي تصل بين نقطتي منتصف ساق شبه المنحرف.

#### النظرية 11.24 منصف ساق شبه المنحرف

يكون منصف ساق شبه المنحرف موازيًا لكلا القاعدتين، ويكون قياسه هو نصف مجموع طول القاعدتين.



شكل الطائرة الورقية هو عبارة عن شكل رباعي له بالتحديد زوجان من الأضلاع المتتالية المتطابقة. على عكس متوازي الأضلاع، الضلعان المتقابلان لشكل الطائرة الورقية لا يكونان متطابقين أو متوازيين.

#### نظريات شكل الطائرة الورقية

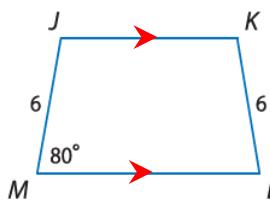
11.25 إذا كان الشكل الرباعي عبارة عن شكل طائرة ورقية، فإن قطرها يكونان متعامدين.

11.26 إذا كان الشكل الرباعي عبارة عن شكل طائرة ورقية، فيكون فإن أحد زوجي الزوايا المتقابلة متطابقاً.



أوجد قياس كل مما يلي.

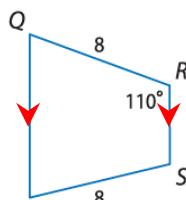
8.  $m\angle K$



$$m\angle J = 180 - 80 = 100^\circ$$

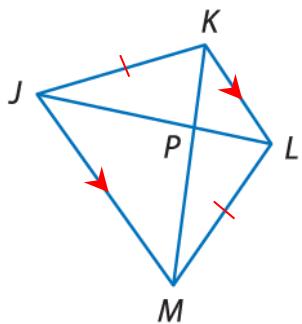
تبين منحرف شبيه بالمتوازي  
 $= 100^\circ$

9.  $m\angle Q$



$$m\angle Q = 180 - 110 = 70^\circ$$

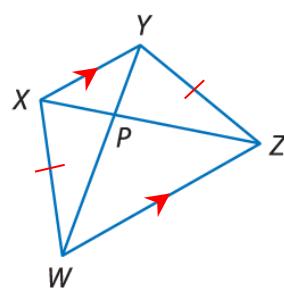
10. JL, if KP = 4 and PM = 7



$$KM = KP + PM \\ = 4 + 7 = 11$$

تبين منحرف شبيه بالمتوازي  
 تكون أقطاراه متساویة.

11. PW, if XZ = 18 and PY = 3



$$YW = XZ = 18 \\ YW = YP + PW \\ 18 = 3 + PW \\ \Rightarrow PW = 18 - 3 \\ = 15$$

ال الهندسة الإحداثية بالنسبة لكل شكل رباعي له رؤوس معلومة، تتحقق ما إذا كان الشكل الرباعي هذا شبيه منحرف، وحدد ما إذا كان الشكل شبيه منحرف متساوي الساقين.

13. J(-4, -6), K(6, 2), L(1, 3), M(-4, -1)

$$\text{ميل } \overline{ML} = \frac{4}{5} \text{ ميل } \overline{JK} = \frac{4}{5} \Rightarrow \overline{ML} \parallel \overline{JK}$$

واضح أن  $\overline{ML} \parallel \overline{JK}$

باتباع زوج واحد فقط من الأضلاع المتعاكسة لمتصوّرها.

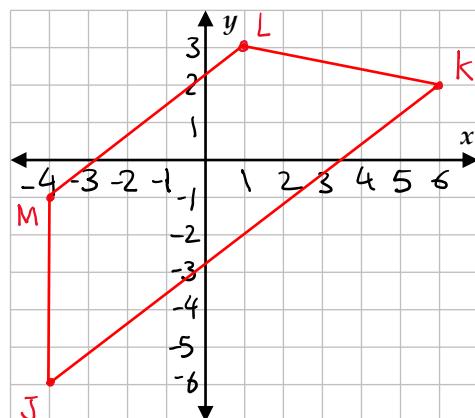
الشكل تبّين منحرف

$$LK = \sqrt{(6-1)^2 + (2-3)^2} = \sqrt{26}$$

$$MJ = \sqrt{(-4-(-4))^2 + (-6-(-1))^2} = \sqrt{25} = 5$$

واضح أن لائحي تبّين منحرف غير متساقيين

الشكل تبّين منحرف ولكن ليس متساوياً الساقين.





**ال الهندسة الإحداثية** بالنسبة لكل شكل رباعي له رؤوس معلومة، تحقق ما إذا كان الشكل الرباعي هذا شبه منحرف، وحدد ما إذا كان الشكل شبه منحرف متساوي الساقين.

15.  $W(-5, -1)$ ,  $X(-2, 2)$ ,  $Y(3, 1)$ ,  $Z(5, -3)$

$$\text{ميل } \overline{XY} = \text{ميل } \overline{WZ} = \frac{-1}{5} \rightarrow \overline{XY} \parallel \overline{WZ}$$

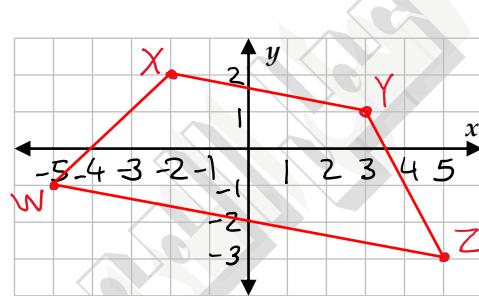
ولاحظ أن  $\overline{WX} \neq \overline{YZ}$

إذن شكل شبه منحرف لعدة أسباب منها فرق مطالع المقادير المطلوبة.

$$XZ = \sqrt{(-2 - 5)^2 + (2 - (-3))^2} = \sqrt{74}$$

$$WY = \sqrt{(-5 - 3)^2 + (-1 - 1)^2} = 2\sqrt{17}$$

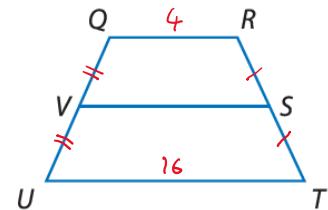
لأن قطعى شبه المنحرف غير متساوياً بقرينه فهو شبه منحرف ولكنه ليس متساوياً بالساقين.



بالنسبة لشبه المنحرف  $QRTU$ , يمثل  $v$  و  $s$  نقطتي منتصف الساقين.

17. If  $QR = 4$  and  $UT = 16$ , find  $VS$ .

$$VS = \frac{4 + 16}{2} = 10$$



18. If  $VS = 9$  and  $UT = 12$ , find  $QR$ .

$$VS = \frac{UT + QR}{2}$$

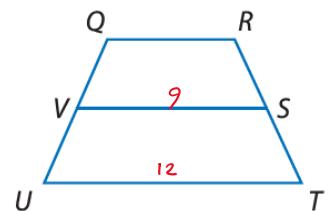
$$9 = \frac{12 + QR}{2}$$

$$2(9) = 12 + QR$$

$$18 = 12 + QR$$

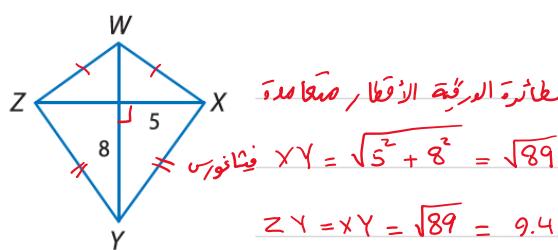
$$QR = 18 - 12$$

$$QR = 6$$



**الاستنتاج المنطقي** إذا كان  $WXYZ$  عبارة عن شكل طائرة ورقية، فأوجد قياس ما يلي.

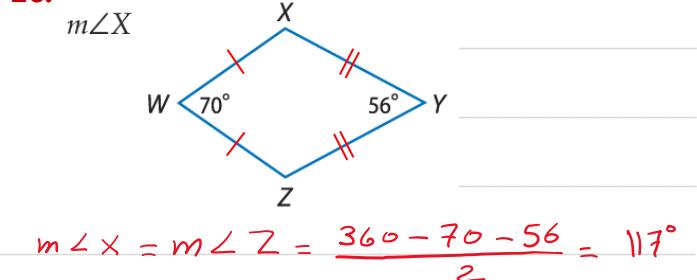
24.  $YZ$



$$XY = \sqrt{5^2 + 8^2} = \sqrt{89}$$

للهائمة المترية وجهاً متساوياً لبعضهما البعض.

- 26.



$$m\angle X = m\angle Z = \frac{360 - 70 - 56}{2} = 117^\circ$$



الفرضيات اكتب إثباتاً من عمودين.

البرهان

العبارات

.51. المعطيات:  $ABCD$  شبه منحرف

متتساوي الساقين.

المطلوب:  $\angle DAC \cong \angle CBD$ .

معلمات  
تعريف شبه متزوج ساوي الساقين

$ABC D$  شبه متزوج الساقين

$$\overline{AD} \cong \overline{BC}$$

$$\overline{DC} \cong \overline{DC}$$

$$\overline{AC} \cong \overline{BD}$$

$$\triangle ADC \cong \triangle BCD$$

$$\angle DAC \cong \angle CBD$$

خاصية الاتصال  
أقطار شبه متزوج ساوي الساقين تكون  $\cong$   
كلتايم المثلث  $\cong SSS$  ساوي الצלعات المطلوبة.  
كذا بعد الاجراء المعاكير في المسنان للتطابق

